

Opće informacije	
Naziv studijskog programa	Preddiplomski sveučilišni studij Matematika
Nositelj studijskog programa	Sveučilište u Rijeci
Izvoditelj studijskog programa	Sveučilište u Rijeci – Odjel za matematiku
Tip studijskog programa	Sveučilišni
Razina studijskog programa	Preddiplomski
Akademski/stručni naziv koji se stječe završetkom studija	Prvostupnik matematike

1. UVOD

1.1. Razlozi za pokretanje studija

U Rijeci su se četverogodišnji nastavnički studiji matematike, jednopredmetni ili u kombinaciji s fizikom i informatikom, izvodili od 1964. godine na Filozofskom fakultetu u Rijeci (odnosno ustanovama koje su mu prethodile). Ministarstvo znanosti, obrazovanja i športa je u listopadu 2004. izdalo vjerodostojnjicu kojom se utvrđuje da su studiji koji se izvode na Odsjeku za matematiku Filozofskog fakulteta u Rijeci na traženoj razini. Nakon toga, u skladu s Bolonjskim procesom, u lipnju 2005. izdane su dopusnice za izvođenje Preddiplomskog sveučilišnog studija Matematika, Diplomskog sveučilišnog studija Matematika (smjer: nastavnički) i Diplomskog sveučilišnog studija Matematika i informatika (smjer: nastavnički) na Odsjeku za matematiku Filozofskog fakulteta u Rijeci. Po osnivanju Odjela za matematiku Sveučilišta u Rijeci MZOŠ je u svom očitovanju od 16. siječnja 2009. godine (klasa: 602-04/08-13/00041, ur.br.: 533-07-09-0002) navelo da izmjena pravnog sljednika ni na koji način nije utjecala na sadržaj i pravnu valjanost ranije izdanih dopusnica te će Odjel za matematiku zadržati dopusnice za izvođenje navedenih studijskih programa o čemu će se izvršiti odgovarajuća zabilježba u Upisniku visokih učilišta.

1.2. Procjena svrhovitosti s obzirom na potrebe tržišta rada u javnom i privatnom sektoru

Rezultati prethodno provedenih analiza tržišta rada Hrvatskog zavoda za zapošljavanje ukazuju da na području koje pripada Područnom uredu Rijeka Hrvatskog zavoda za zapošljavanje nema nezaposlenih prvostupnika matematike. O nedostatku matematičara svjedoče i brojne stipendije za deficitarna zanimanja koje se dodjeljuju upravo studentima matematike kako na lokalnoj tako i na državnoj razini. Iako je razvijan kao dio integriranog studija nastavničkog profila, Preddiplomski sveučilišni studij Matematika ustrojen je tako da pruža opća temeljna znanja iz područja matematike pa je nakon završetka ovog studija moguće nastaviti studiranje matematike i na studijima matematike koji nisu studiji nastavničkog profila.

1.2.1. Povezanost s lokalnom zajednicom (gospodarstvo, poduzetništvo, civilno društvo)

Iako zbog trenutne situacije u našoj privredi matematičari nisu prepoznati kao kadar čije zapošljavanje znatno utječe na poboljšanje radnog procesa, u svijetu se već niz godina zanimanje „matematičar“ svrstava među najbolja zanimanja koja garantiraju zapošljivost, što se može pratiti i kroz izvješća koja svake godine podnosi CareerCast.com i u kojima je već niz godina to zanimanje svrstano među najbolje (<http://www.careercast.com/jobs-rated/best-jobs-2014>).

1.2.2. Usklađenost sa zahtjevima strukovnih udruženja (preporuke)

Pri koncipiranju studijskog programa posebno je uziman u obzir izvor:

Tuning Educational Structures in Europe (<http://www.unideusto.org/tuningeu/>), osobito dio koji se odnosi na kompetencije: opće (<http://www.unideusto.org/tuningeu/competences/generic.html>) i specifične u području matematike (<http://www.unideusto.org/tuningeu/competences/specific/mathematics.html>).

Osim toga, uzete su u obzir i preporuke za osmišljavanje studijskih programa iz matematike (<http://www.unideusto.org/tuningeu/subject-areas/mathematics.html>).

Pored preporuka domaćih strukovnih udruženja, Odjel za matematiku Sveučilišta u Rijeci prati suvremena kretanja i preporuke za visokoškolsku nastavu strukovnih udruženja poput:

- European Mathematical Society (EMS) (<http://www.ems-ph.org/journals/journal.php?jrn=news>),
- Société Mathématique de France (SMF) (<http://smf.emath.fr/content/enseignement>) i
- American Mathematical Society (AMS) (<http://www.ams.org/profession/leaders/emp-articles>).

1.2.3. Navesti moguće partnere izvan visokoškolskog sustava koji su iskazali interes za studijski program

Partneri izvan visokoškolskog sustava koji su iskazali interes za studijski program su osnovne i srednje škole.

1.3. Usaporedivost studijskog programa sa sličnim programima akreditiranih visokih učilišta u RH i EU (navesti i obrazložiti usaporedivost dva programa, od kojih barem jedan iz EU, s programom koji se predlaže te navesti mrežne stranice programa)

Predloženi nastavni plan i program u većini kolegija podudara se s nastavnim planom i programom preddiplomskog studija matematike na ostalim hrvatskim sveučilištima, što će omogućiti protok studenata matematike između Sveučilišta u Rijeci i ostalih hrvatskih sveučilišta. Za usporedbu možemo uzeti preddiplomski studij matematike na Odjelu za matematiku Sveučilišta u Osijeku (<http://www.mathos.unios.hr/index.php/nastava/preddiplomski-studij-matematike/studijski-program-prediplomski>). Osnovni matematički kolegiji se pod istim ili sličnim nazivima, te sa sličnim sadržajima nalaze u programima

studija matematike na većini europskih sveučilišta, na primjer na

- Queen Mary University of London (<http://qmplus.qmul.ac.uk/course/view.php?id=1530>),
- Ruprecht-Karls-Universität Heidelberg (<http://www.mathematik.uni-heidelberg.de/>).

1.4. Otvorenost studija prema horizontalnoj i vertikalnoj pokretljivosti studenata u nacionalnom i međunarodnom prostoru visokog obrazovanja

Preddiplomski sveučilišni studij Matematika otvoren je za horizontalnu i vertikalnu pokretljivost studenata u nacionalnim i međunarodnim okvirima. Osigurano je horizontalno povezivanje sa svim preddiplomskim studijima matematike u Republici Hrvatskoj ustrojenim po načelima Bolonijskog procesa. Naime, nastavni program se u većini kolegija podudara s nastavnim programima prediplomskih studija matematike na ostalim hrvatskim sveučilištima, što omogućava protok studenata između Odjela za matematiku Sveučilišta u Rijeci i Prirodoslovno-matematičkog fakulteta Sveučilišta u Zagrebu, Odjela za matematiku Sveučilišta Josipa Jurja Strossmayera u Osijeku te Prirodoslovno-matematičkog fakulteta Sveučilišta u Splitu. Vertikalna pokretljivost očituje se mogućnošću upisa prvostupnika matematike koji su završili preddiplomski studij na Odjelu za matematiku Sveučilišta u Rijeci na neki od diplomskih studija na istom Odjelu ili neki drugi diplomski studij iz područja matematike. Prvostupnici matematike mogu upisati i diplomske studije iz srodnih područja uz eventualno polaganje razlikovnih ispita. Isto tako studij je otvoren prema horizontalnoj i vertikalnoj pokretljivosti studenata u međunarodnom prostoru visokog obrazovanja (Erasmus, CEEPUS). Osnovni matematički i informatički kolegiji ovog preddiplomskog studija nalaze se pod istim ili sličnim nazivima i sa sličnim sadržajima u programima studija matematike na većini europskih sveučilišta te se po potrebi mogu izvoditi na engleskom jeziku.

Obzirom na trenutno potpisane ugovore o suradnji u sklopu Erasmus programa (Karl-Franzens-Universitaet Graz, University of Ghent, St. Cyril and St. Methodius University of Veliko Turnovo, Univerza v Ljubljani, Univerza na Primorske, Firat University,...) studenti imaju mogućnost pokretljivosti u međunarodnom prostoru visokog obrazovanja.

1.5. Usklađenosć s misijom i strategijom Sveučilišta u Rijeci

Studijski program je u potpunosti usklađen sa Strategijom razvoja Sveučilišta u Rijeci 2007.-2013. prije svega jer prema Strategiji Sveučilište će posebnu pozornost posvetiti razvoju prirodnih znanosti.

Posebno ističemo sljedeće strateške ciljeve navedene Strategije čijem ostvarenju doprinosi i ovaj studijski program.

- Svi studijski programi na Sveučilištu strukturirani tako da najmanje 20% ishoda učenja u programu razvija opće kompetencije.

Studij uz stručne kompetencije razvija i opće kompetencije kao što su informatička i informacijska pismenost, prezentacijske vještine kroz prezentaciju seminarskih i završnih radova pred grupom, komunikacijske vještine kroz nastavnu praksu u osnovnim i srednjim školama, vještina timskog i suradničkog rada kroz izradu zajedničkih radova. Kroz stručne kolegije posebice se razvija i logičko mišljenje, kao i vještina argumentiranog izlaganja i postupanja. Takoder, studenti često koriste izvore na engleskom jeziku.

- Najmanje 50% svakog studijskog programa koristi alate za e-učenje (miješano ili potpuno).

U programima većine kolegija je, pod vrste izvođenja nastave, naznačeno e-učenje i/ili multimedija i mreža.

- Povećati broj institucijski organiziranih popularizacijskih aktivnosti te broj nastavnika i studenata koji u

njima sudjeluju. Značajni projekti ostvareni u suradnji s zajednicom i namijenjeni zajednici jesu sudjelovanje i organizacija Festivala znanosti u Rijeci, organizacija niza radionica i predavanja za učenike osnovnih i srednjih škola u Rijeci i široj okolini, organizacija Otvorenih dana Sveučilišnih odjela Sveučilišta u Rijeci te Večer matematike.

- Osigurati unutarnju mobilnost nastavnika i studenata.

U realizaciji kolegija Diplomskog studija Matematika i informatika sudjeluju nastavnici s drugih sastavnica Sveučilišta poput Odjela za informatiku i Filozofskog fakulteta Sveučilišta u Rijeci.

Program je također uskladen i sa Strategijom Sveučilišta u Rijeci 2014.-2020.

1. Povećati broj studenata u tehničkim, biomedicinskim, biotehničkim i prirodnim znanostima, u informacijsko-komunikacijskom području te u interdisciplinarnim studijima vezanim uz ova područja

Na tržištu rada nedostaju kadrovi ovakvog profila. Prema Strategiji Sveučilišta u Rijeci (2014.-2020.) strateški cilj Sveučilišta je ostvariti povećanje upisne kvote i broja studenata koji završavaju studije na studijskim programima koji se odnose na prirodne znanosti. Upisna kvota je 15 i ona se popunjava od akademске godine 2011./2012.

Provodi se sustavno informiranje učenika u srednjim školama o studijskom programu u obliku raznih predavanja i radionica, te u sklopu popularizacije znanosti koja je opisana u točki 1.2 i putem zastupljenosti u medijima, mrežnim stranicama i na društvenim mrežama.

Unapređuje se kvaliteta i učinkovitost obrazovanja temeljena na ishodima učenja i fleksibilnim akademskim profilima, a samim time i zapošljivost studenata putem unaprjeđenja relevantnih kompetencija.

1. Održati povoljan omjer broja studenata po nastavniku

Upisna kvota od 45 omogućava da se na studijima Odjela održava povoljan omjer broja studenata po nastavniku.

1. Povećati izbornost u režimu interne mobilnosti

Program osigurava izbornost u režimu interne mobilnosti na način da je veliki broj izbornih kolegija na ovom studiju na popisu obaveznih kolegija na nekom drugom studijskom programu (studiji Odjela za matematiku, Odjela za informatiku ili Odjela za fiziku)

1. Povećati udio e-učenja u studijskim programima

Prisutan je vrlo visoki udio korištenja naprednih alata za e-učenje u gotovo svim kolegijima, što pridonosi kvalitativnim promjenama u nastavi. Većina kolegija ima svoju inačicu u obliku e-kolegija na sustavu za upravljanje udaljenim učenjem, MudRi Sveučilišta u Rijeci, pri čemu se istovremeno zadržavaju visoki standardi kvalitete nastave, osobito komunikacije između profesora i studenata. Osigurana je potrebna ICT infrastruktura, odnosno računalna i programska podrška za provedbu nastavnih aktivnosti i e-učenja.

- Osigurati kontinuirano praćenje zadovoljstva studenata

Studijski program predviđa sustavno i učinkovito provođenje mjera praćenja i poboljšanja uspješnosti studenata koje provodi Odbor za osiguravanje i unapredavanje kvalitete Odjela za matematiku Sveučilišta u Rijeci.

1. Utvrditi popis praktičnih kompetencija koje se jamče završetkom studija i uskladiti studijske programe u (re)akreditacijskom postupku

Promjenom studijskog programa u 2017. godini popis izlaznih kompetencija uskladene je s rezultatima projekta Razvoj modernih studijskih programa za izobrazbu nastavnika informatike, tehnike, biologije, kemije, fizike i matematike na temeljima razvoja Hrvatskog kvalifikacijskog okvira financiranog od Europskog socijalnog fonda te je studijski program uskladen s Hrvatskim kvalifikacijskim okvirom.

Dablinskim opisnicima (engl. Dublin descriptors, <http://archive.ehea.info/getDocument?id=2117>) iz 2004. godine postavljeni su ishodi učenja za sve tri razine sveučilišnoga obrazovanja. Opisnici su određeni općenito, za pojedinu razinu obrazovanja, a ne za pojedinu disciplinu ili područje studija. Razrađeni su u pet dimenzija: znanje i razumijevanje koje studenti trebaju imati kako bi stekli odgovarajuću kvalifikaciju, primjena znanja i razumijevanja, zaključivanje i rasudivanje, komunikacija, vještine učenja. U skladu sa Strategijom Sveučilišta u Rijeci 2007-2013 Sveučilište je potkraj 2007. godine na 31. sjednici Senata pokrenulo reformu kurikuluma temeljenu na ishodima učenja. U doba provedbe reforme relevantan je bio Nacrt HKO-a (Hrvatski kvalifikacijski okvir donesen je u veljači 2013. godine). Dablinski opisnici poslužili su kao temelj s kojega se pristupilo određivanju ishoda učenja. Iz tih su ishoda zatim izvedeni ishodi učenja pojedinih predmeta (to je učinjeno s osloncem na Bloomovu taksonomiju obrazovnih postignuća, koja je najproširenija u svijetu). S ishodima učenja pojedinih predmeta uskladeni su sadržaji predmeta, metode poučavanja predmeta i metode ocjenjivanja postignuća na predmetu. Opisanom metodologijom izvedeni su ishodi učenja za sve studijske programe (preddiplomske, diplomske, poslijediplomske specijalističke i poslijediplomske doktorske programe) i za sve programe cijelo životnoga obrazovanja.

1.6. Institucijska strategija razvoja studijskih programa (uskladenost s misijom i strateškim ciljevima institucije)

Odjel za matematiku Sveučilišta u Rijeci je znanstveno-nastavna sastavnica Sveučilišta koja razvija znanstveni i stručni rad u znanstvenom polju matematika i vodi brigu o razvoju kadrova iz znanstvenog polja matematika na Sveučilištu u Rijeci. Obzirom da Odjel za matematiku organizira i izvodi studije iz svog područja te sudjeluje u organiziranju i izvedbi studijskih programa na drugim znanstveno-nastavnim sastavnicama Sveučilišta. Odjel za matematiku pridonosi razvoju Sveučilišta i društva težeći nacionalno i međunarodno prepoznatoj izvrsnosti u znanstvenoj i nastavnoj djelatnosti.

Vijeće Odjela za matematiku na 65. sjednici, održanoj 20. listopada 2014. godine, donijelo je odluku o prihvaćanju Strategije Sveučilišta u Rijeci 2014-2020 kao strateškog dokumenta Odjela za matematiku Sveučilišta u Rijeci te je definiralo prioritetne strateške ciljeve Odjela. Neki od strateških ciljeva vezani za obrazovanje jesu:

1. povećanje broja studenata koji su upisali diplomski studij,
2. povećanje broj studenata koji su završili diplomski studij,
3. utvrditi popis praktičnih kompetencija koje se jamče završetkom studija i uskladiti studijske programe u (re)akreditacijskom postupku,
4. povećati udio e-učenja u studijskim programima.

1.7. Ostali važni podaci – prema mišljenju predлагаča

• **OPĆI DIO**

.1. Naziv studijskog programa

Preddiplomski sveučilišni studij Matematika

.1.1. Tip studijskog programa

sveučilišni

.1.2. Razina studijskog programa

Preddiplomski

.1.3. Područje studijskog programa (znanstveno/umjetničko)-navesti naziv

Prirodne znanosti

.2. Nositelj/i studijskog programa

Sveučilište u Rijeci

.3. Izvoditelj/i studijskog programa

Sveučilište u Rijeci – Odjel za matematiku

.4. Trajanje studijskog programa (navesti postoji li mogućnost pohađanja nastave u dijelu radnog vremena – izvanredni studij, studij na daljinu)

Studij traje 6 semestra, ne postoji mogućnost pohađanja nastave u dijelu radnog vremena niti studija na daljinu.

.4.1. ECTS bodovi – minimalni broj bodova potrebnih da bi student završio studijski program

180 ECTS bodova

.5. Uvjeti upisa na studij i seleksijski postupak

Preddiplomski studij može mogućnost upisati pristupnici sa završenom četverogodišnjom srednjom školom i uz položen ispit državne mature prema važećim uvjetima, a u skladu sa zakonom.

.6. Ishodi učenja studijskog programa

.6.1. Kompetencije koje polaznik stječe završetkom studija (prema [HKO-u](#): znanja, vještine i kompetencije u užem smislu – samostalnost i odgovornost)

Studenti će po završetku studija moći:

- aksiomatski i induktivno izgraditi polja realnih i kompleksnih brojeva
- opisati algebarsku, metričku i topološku strukturu euklidskog prostora R^n
- istražiti graničnu vrijednost funkcije, neprekidnost i uniformnu neprekidnost i ostala svojstva funkcije s R^n u R^m
- analizirati algebarske strukture i razlikovati osnovna svojstva grupa, prstena, polja, vektorskih prostora
- razlikovati svojstva linearног operatora
- aksiomatski izgraditi euklidsku geometriju s osvrtom na povijesni razvoj
- formulirati svojstva i uvjete egzistencije pravilnih n-terokuta i poliedara
- formulirati i analizirati svojstva grafova
- formulirati osnovne pojmove deskriptivne statistike
- koristiti osnovne pojmove vezane za binarne kvadratne forme
- opisati skupovne operacije na konačnim i beskonačnim skupovima
- argumentirano primjeniti svojstva realnih elementarnih funkcija i osnovnih kompleksnih funkcija kompleksne varijable

- argumentirano primjeniti diferencijalni račun u geometriji i u ispitivanju svojstava funkcija zadanih eksplisitno, implicitno i parametarski
 - argumentirano primjeniti integralni račun u geometriji
 - argumentirano primjeniti operacije s vektorima u rješavanju zadataka
 - argumentirano primjeniti svojstva cikličkih i permutacijskih grupa u rješavanju zadataka
 - argumentirano primjeniti algoritam za nalaženje najkraćeg puta i optimalnog stabla u grafu
 - argumentirano primjeniti svojstva vjerojatnosti
 - argumentirano primjeniti algoritme vezane za djeljivost
 - argumentirano primjeniti numeričke metode za rješavanje nelinearnih jednadžbi, određenih integrala i običnih diferencijalnih jednadžbi uz analizu dobivenih rezultata
 - argumentirano primjeniti jednostavni i složeni kamatni račun pri izračunima u finansijskoj matematici
 - odrediti neodređeni i izračunati određeni, Riemannov integral funkcije više varijabli te krivuljne i plošne integral
 - razviti funkcije u Taylorov i Laurentov red
 - odrediti Jordanovu formu matrice
 - odabrat odgovarajuću geometrijsku konstrukciju za rješavanje konstruktivnih zadaća rabeći geometrijski pribor
 - izabrat odgovarajući način prebrojavanja i/ili formu Dirichletovog principa pri rješavanju zadataka
 - rješiti kombinatorne zadatke primjenom rekurzije
 - rješiti zadatke primjenom svojstava slučajnih varijabli
 - provesti statističku obradu podataka i testiranje hipoteza primjenom računala
 - računati koristeći modularnu aritmetiku, rješiti kongruencijske jednadžbe te sustave kongruencija različitih oblika
 - primjeniti metode za rješavanje problema interpolacije i aproksimacije funkcija
 - odrediti sadašnju vrijednost tokova novca, finansijske rente, otplate zajma i ukamaćivanje u primjenama
 - rješiti zadatke primjenom Lagrangeovog teorema, Sylowljevih teorema i Kineskog teorema o ostacima
 - analizirati konvergenciju nizova i redova u \mathbb{R}^n
 - konstruirati ortonormiranu bazu unitarnog prostora
 - vektorske i matrične norme, te razlikovati unitarne, normirane i metričke prostore
 - razlikovati i primjeniti metode rješavanja sustava linearnih jednadžbi i geometrijski interpretirati rješivost takvih sustava u ravnini i prostoru
 - analizirati preslikavanja algebarskih struktura s naglaskom na teoreme o izomorfizmima
 - povezati vrste šetnji u grafu i njihova svojstva s primjenom u rješavanju zadataka
 - usporediti ravninske geometrije (euklidske i neeuklidske) i njihove modele s obzirom na njihove karakteristike
 - analizirati preslikavanja n -dimenzionalnog euklidskog prostora i odgovarajuće postupke u rješavanju zadataka konstruktivnim i analitičkim pristupom
 - analizirati osnovne vjerojatnosne modele i razdiobe
 - objasniti ulogu matematičke logike u cjelokupnoj matematici kao znanosti, povijesnu i intuitivnu važnost logike sudova te razloge zbog kojih su nastale jače logičke teorije, prvenstveno logika prvoga reda
 - opisati zadane problem matematičkim i logičkim modelom
 - na temelju modela i specifikacija samostalno osmisli, napisati, testirati i dokumentirati program u nekom od često upotrebljavanih programskih jezika
 - pretvoriti zadane specifikacije i modele rješavanja problema u algoritme i strukture podataka
- odabrat odgovarajuće programske alate i primjeniti napredne tehnike u standardnim korisničkim aplikacijama pri rješavanju srednje složenih problema i prezentaciji rješenja

Kroz ovaj studijski program studenti će razvijati samostalnost i odgovornost, naročito putem izrade seminarskih radova i projekata, te rješavanje samostalnih zadataka.

Prema HKO diplomske programi moraju sadržavati barem 60 ECTS-a „razine 7“. Opisani ishodi učenja predloženog programa, odnosno kompetencije koje student stječe, u skladu sa HKO kvalificiraju ovaj program kao program „razine 7“, pri čemu se za određivanje razine pojedinog predmeta, uvode oznake A-G i pripadne razine kako slijedi:

A – činjenična znanja

B – teorijska znanja

- C – spoznajne vještine**
D – psihomotoričke vještine
E – socijalne vještine
F – samostalnost
G – odgovornost

RAZINE	ZNANJA	
	A Činjenična znanja	B Teorijska znanja
1	A1 Pamćenje općih činjenica	B1 Pamćenje općih teorijskih znanja
2	A2 Razumijevanje osnovnih činjenica u izvršavanju jednostavnih zadataka	B2 Razumijevanje osnovnih teorijskih znanja u izvršavanju jednostavnih zadataka u području rada ili učenja
3	A3 Primjenjivanje osnovnih činjenica u izvršavanju zadataka unutar područja rada ili učenja	B3 Primjenjivanje osnovnih teorijskih znanja u izvršavanju zadataka unutar područja rada ili učenja
4	A4 Analiziranje činjenica unutar područja rada ili učenja	B4 Analiziranje teorijskih znanja unutar područja rada ili učenja
5	A5 Analiziranje i sintetiziranje činjenica kojima se stvara svijest o poznatim granicama područja rada ili učenja, te njihovo vrjednovanje	B5 Analiziranje i sintetiziranje teorijskih znanja kojima se stvara svijest o poznatim granicama područja rada ili učenja, te njihovo vrjednovanje
6	A6 Vrijednovanje činjenica unutar područja rada ili učenja od kojih je dio na rubovima poznatih granica	B6 Vrijednovanje teorijskih znanja unutar područja rada ili učenja od kojih je dio na rubovima poznatih granica
7	A7 Vrijednovanje činjenica do poznatih granica nekog područja (rada ili istraživanja) kao i do dodirnih granica s drugim područjima koja mogu biti temelj znanstvenoga istraživanja u dijelu toga područja	B7 Vrijednovanje teorijskih znanja do poznatih granica nekog područja (rada ili istraživanja) kao i do dodirnih granica s drugim područjima koje mogu biti temelj znanstvenoga istraživanja u dijelu toga područja
8	A8 Kreiranje i vrijednovanje činjenica u dijelu područja znanstvenih istraživanja što dovodi do pomicanja granica znanja	B8 Kreiranje i vrijednovanje novih teorijskih znanja u dijelu područja znanstvenih istraživanja što dovodi do pomicanja granica znanja

RAZINE	VJEŠTINE		
	C Spoznanje vještine	D Psihomotoričke vještine	E Socijalne vještine
1	C1 Jednostavna konkretna logička razmišljanja (potrebna za izvršenje jednostavnih konkretnih zadataka) u poznatim uvjetima	D1 Izvođenje jednostavnih rutinskih pokreta u poznatim uvjetima	E1 Ostvarenje općih pravila ponašanja u poznatim uvjetima
2	C2 Konkretna logička razmišljanja (potrebna za primjenu relevantnih informacija u izvršenju skupa jednostavnih zadataka) u poznatim uvjetima	D2 Jednostavna upotreba metoda, instrumenata, alata i materijala u poznatim uvjetima	E2 Ostvarenje jednostavne komunikacije i suradnje s pojedinim osobama u poznatim uvjetima
3	C3 Jednostavna konkretna kreativna razmišljanja (potrebna za odabir i primjenu relevantnih informacija u izvršenju skupa složenih rutinskih zadataka) u poznatim uvjetima	D3 Složena upotreba metoda, instrumenata, alata i materijala u poznatim uvjetima	E3 Ostvarenje složenih komunikacija i suradnje u skupini u poznatim uvjetima
4	C4 Jednostavna apstraktna logička razmišljanja (potrebna za odabir i primjenu relevantnih informacija u izvršenju skupa složenih	D4 Izvođenje složenih pokreta te složena upotreba metoda, instrumenata, alata i materijala (u izvršenju skupa složenih	E4 Ostvarenje složenih komunikacija i suradnje u skupini u promjenjivim uvjetima

	specifičnih zadataka) u promjenjivim uvjetima	specifičnih zadataka) u promjenjivim uvjetima	
5	C5 Jednostavna apstraktna kreativna razmišljanja (potrebna za razvijanje rješenja apstraktnih problema) u djelomično nepredvidivim uvjetima	D5 Izvođenje složenih pokreta te složena upotreba metoda, instrumenata, alata i materijala u djelomično nepredvidivim uvjetima , kao i izrada jednostavnih metoda, instrumenata, alata i materijala	E5 Ostvarenje upravljanja i složenih komunikacija i suradnje u skupini u djelomično nepredvidivim uvjetima
6	C6 Apstraktna logička razmišljanja (potrebna za razvijanje rješenja apstraktnih problema) u nepredvidivim uvjetima	D6 Izvođenje složenih pokreta te složena upotreba metoda, instrumenata, alata i materijala u nepredvidivim uvjetima , kao i izrada složenih metoda, instrumenata, alata i materijala	E6 Ostvarenje upravljanja te složenih komunikacija i suradnje u različitim društvenim skupinama u nepredvidivim uvjetima
7	C7 Apstraktna kreativna razmišljanja (potrebna u istraživanjima za razvijanje novih znanja i procedura te za integriranje različitih područja)	D7 Izvođenje složenih pokreta te složena upotreba metoda, instrumenata, alata i materijala, kao i izrada složenih metoda, instrumenata, alata i materijala , potrebnih u istraživanjima i inovativnom procesu	E7 Ostvarenje upravljanja te složenih komunikacija i suradnje u različitim društvenim skupinama i narodima u nepredvidivim uvjetima
8		D8 Kreiranje te analiziranje i vrjednovanje novih predloženih specijaliziranih pokreta i novih metoda, instrumenata, alata i materijala	E8 Kreiranje novih društvenih i civilizacijski prihvaćenih komunikacija i suradnje sa skupinama različitih opredjeljenja i naroda

RAZINE	KOMPETENCIJE U UŽEM SMISLU	
	F Samostalnost	G Odgovornost
1	F1 Izvršenje jednostavnih zadataka pod neposrednim stručnim i stalnim vodstvom u poznatim uvjetima	G1 Preuzimanje odgovornosti za izvršavanje jednostavnih zadataka u poznatim uvjetima
2	F2 Izvršenje jednostavnih zadataka pod stručnim neposrednim i povremenim vodstvom u poznatim uvjetima	G2 Preuzimanje odgovornosti za izvršavanje jednostavnih zadataka i odnosa s drugima u poznatim uvjetima
3	F3 Izvršenje složenih zadataka i prilagođavanje vlastitoga ponašanja unutar zadanih smjernica u poznatim uvjetima	G3 Preuzimanje odgovornosti za izvršenje složenih zadataka u poznatim uvjetima
4	F4 Izvršenje složenih zadataka i prilagođavanje vlastitoga ponašanja unutar zadanih smjernica u promjenjivim uvjetima	G4 Preuzimanje djelomične odgovornosti za vrjednovanje i unaprjeđenje aktivnosti u promjenjivim uvjetima
5	F5 Sudjelovanje u upravljanju aktivnostima u djelomično nepredvidivim uvjetima	G5 Preuzimanje pune odgovornosti za upravljanje te ograničene odgovornosti za vrjednovanje unaprijeđenja aktivnosti u djelomično nepredvidivim uvjetima
6	F6 Upravljanje stručnim projektima u nepredvidivim uvjetima	G6 Preuzimanje etičke i društvene odgovornosti za upravljanje i vrjednovanje profesionalnoga razvoja pojedinaca i skupina u nepredvidivim uvjetima
7	F7 Upravljanje složenim i promjenjivim uvjetima okruženja i odluke o njihovom mijenjanju	G7 Preuzimanje osobne i timske odgovornosti za strateško odlučivanje i uspješno provođenje i izvršenje zadataka u nepredvidivim uvjetima , te društvene i etičke odgovornosti tijekom izvršenja zadataka i posljedica rezultata tih zadataka
8	F8	G8

	Izražavanje osobnoga profesionalnog i etičkog autoriteta te trajna predanost istraživanjima i razvoju novih procesa	Preuzimanje etičke i društvene odgovornosti za uspješnost provođenja istraživanja, za društvenu korisnost rezultata istraživanja te za moguće društvene posljedice	
<i>.1.1. Mogućnost zapošljavanja (popis mogućih poslodavaca i uskladenost sa zahtjevima strukovnih udruga)</i>			
U svijetu se već niz godina zanimanje „matematičar“ svrstava među najbolja zanimanja koja garantiraju zapošljivost, što se može pratiti i kroz izvješća koja svake godine podnosi CareerCast.com i u kojima je već niz godina to zanimanje svrstano među najbolje.			
<i>.1.2. Mogućnost nastavka studija na višoj razini</i>			
Prvostupnici matematike koji su završili prediplomski studij na Odjelu za matematiku Sveučilišta u Rijeci mogu upisati neki od diplomskih studija na istom Odjelu ili neki drugi diplomski studij iz područja matematike. Prvostupnici matematike mogu upisati i diplomske studije iz srodnih područja uz eventualno polaganje razlikovnih ispita.			
<i>.2. Kod prijave diplomskih studija navesti preddiplomske studijske programe predlagajuća ili drugih institucija u RH s kojih je moguć upis na predloženi diplomski studijski program</i>			
<i>.3. Kod prijave integriranih studija – navesti razloge za objedinjeno izvođenje preddiplomske i diplomske razine studijskog programa</i>			

• OPIS PROGRAMA

3.1. Popis obveznih i izbornih predmeta i/ili modula (ukoliko postoje) s brojem sati aktivne nastave potrebnih za njihovu izvedbu i brojem ECTS – bodova (prilog: Tablica 1)

3.2. Opis svakog predmeta (prilog: Tablica 2)

3.3. Struktura studija, ritam studiranja i obveze studenata

Studij se sastoji od većeg broja obveznih predmeta (165 ECTS-a) i manjeg broja izbornih predmeta (15 ECTS-a, odnosno 8,33% ukupnog broja ECTS-a na studiju).

Ritam studiranja definiran je Pravilnikom o studijima Sveučilišta u Rijeci, kao i opće obaveze, dok su specifične obaveze studenata određene opisom svakog predmeta i pripadnim izvedbenim planom koji se objavljuje svake godine uoči početka odgovarajućeg semestra.

3.3.1. Uvjeti upisa u sljedeći semestar ili trimestar (naziv predmeta)

Uvjeti upisa određeni su Pravilnikom o studijima Sveučilišta u Rijeci.

3.4. Popis predmeta i/ili modula koje polaznik može izabrati s drugih studijskih programa

Naziv predmeta (status predmeta u okviru predloženog studijskog programa)	Postojeći studijski program na kojem se predmet predaje (status predmeta u drugom studijskom programu)	Napomena - Odjel koji realizira kolegij u postojećem programu
---	--	---

Informacijski sustavi (izborni)	<i>Preddiplomski studij Informatika-jednopredmetni (obvezni) Preddiplomski studij Informatika -dvopredmetni (izborni)</i>	OI
Operacijski sustavi (izborni)	<i>Preddiplomski studij Informatika-jednopredmetni (obvezni) Preddiplomski studij Informatika -dvopredmetni (obvezni)</i>	OI
Programiranje (obvezni)	<i>Preddiplomski studij Informatika-jednopredmetni (obvezni) Preddiplomski studij Informatika -dvopredmetni (obvezni) Preddiplomski studij Fizika (obvezan)</i>	OI
Algoritmi i strukture podataka (obvezni)	<i>Preddiplomski studij Informatika-jednopredmetni (obvezni) Preddiplomski studij Fizika (obvezan)</i>	OI

OM – Odjel za matematiku, OI – Odjel za informatiku, OF – Odjel za fiziku

3.5. Popis predmeta i/ili modula koji se mogu izvoditi na stranom jeziku (navesti koji jezik)

Svi obavezni kolegiji ovog studija mogu se izvoditi na engleskom jeziku.

3.6. Pridijeljeni ECTS bodovi koji omogućavaju nacionalnu i međunarodnu mobilnost

Predloženi studij otvoren je za pokretljivost studenata među srodnim studijima svih sveučilišta u Hrvatskoj i inozemstvu. Očekuje se posebno dobra suradnja s Odjelom za matematiku Sveučilišta u Gentu, Belgija, s kojim Odjel za matematiku Sveučilišta u Rijeci ima potpisani bilateralni Erasmus ugovor i na kojem postoje mnogi kolegiji iz područja diskretnе matematike.

3.7. Multidisciplinarnost/interdisciplinarnost studijskog programa

Na studiju su zastupljeni predmeti iz matematike i informatike.

3.8. Način završetka studija

Studij završava polaganjem završnog ispita pred ispitnim povjerenstvom koje se sastoji od tri člana. Sastavni dio završnog ispita čini prezentacija i obrana završnog rada kojega student izrađuje tijekom zadnjeg semestra. Student stječe pravo pristupa završnom ispitnu nakon što je položio sve ispite i izvršio sve obaveze propisane studijskim programom.

3.8.1. Uvjeti za odobrenje prijave završnog/diplomskog rada i/ili završnog/diplomskog ispita

Uvjeti za odobrenje prijave završnom ispita određeni su Pravilnikom o završnom radu i završnom ispitu na preddiplomskim sveučilišnim studijima Odjela za matematiku Sveučilišta u Rijeci (<http://www.math.uniri.hr/dokumenti.php>).

3.8.2. Izrada i opremanje završnog/diplomskog rada

Izrada i opremanje završnog rada definirani su Pravilnikom o završnom radu i Završnom ispitu na preddiplomskim sveučilišnim studijima Odjela za matematiku Sveučilišta u Rijeci (<http://www.math.uniri.hr/dokumenti.php>).

3.8.3. Postupak vrednovanja završnog/diplomskog ispita te vrednovanja i obrane završnog/diplomskog rada

Postupak vrednovanja završnog rada i završnog ispita definiran je Pravilnikom o završnom radu i završnom ispitnu na preddiplomskim sveučilišnim studijima Odjela za matematiku Sveučilišta u Rijeci (<http://www.math.uniri.hr/dokumenti.php>).

3.1. Popis obveznih i izbornih predmeta i/ili modula s brojem sati aktivne nastave potrebnih za njihovu izvedbu i brojem ECTS bodova

POPIS MODULA/PREDMETA

Semestar: 1

MODUL	PREDMET	NOSITELJ	P	V	S	ECTS	STATUS ₁
	Matematička analiza I		45	45	0	8	0
	Linearna algebra I		45	45	0	8	0
	Elementarna matematika I		45	30	0	7	0
	Računarski praktikum I		0	45	0	5	0
	Strani jezik I		0	30	0	2	0

Semestar: 2

MODUL	PREDMET	NOSITELJ	P	V	S	ECTS	STATUS ₂
	Matematička analiza II		45	45	0	8	0
	Linearna algebra II		45	45	0	8	0
	Elementarna matematika II		45	30	0	7	0
	Računarski praktikum II		15	30	0	5	0
	Strani jezik II		0	30	0	2	0

Semestar: 3

MODUL	PREDMET	NOSITELJ	P	V	S	ECTS	STATUS ₃
	Matematička analiza III		45	45	0	7	0
	Kombinatorika		30	30	0	5	0
	Primjena računala u matematici		15	30	15	5	0
	Euklidski prostori		30	30	0	5	0
	Matematička logika		30	30	0	5	0
	Seminar I		0	0	30	3	0

Semestar: 4

MODUL	PREDMET	NOSITELJ	P	V	S	ECTS	STATUS ₄
	Kompleksna analiza		45	30	0	7	0
	Diskretna matematika		30	30	0	5	0
	Teorija skupova		30	30	0	6	0
	Uvod u vjerojatnost i matematičku statistiku		30	45	0	6	0
	Diferencijalne jednadžbe		30	30	0	6	0

1 **VAŽNO:** Upisuje se **O** ukoliko je predmet obvezan ili **I** ukoliko je predmet izborni.

2 **VAŽNO:** Upisuje se **O** ukoliko je predmet obvezan ili **I** ukoliko je predmet izborni.

3 **VAŽNO:** Upisuje se **O** ukoliko je predmet obvezan ili **I** ukoliko je predmet izborni.

4 **VAŽNO:** Upisuje se **O** ukoliko je predmet obvezan ili **I** ukoliko je predmet izborni.

Semestar: 5							
MODUL	PREDMET	NOSITELJ	P	V	S	ECTS	STATUS ₅
	Metrički prostori		30	30	0	5	0
	Uvod u numeričku matematiku		30	30	0	5	0
	Modeli geometrije		30	30	0	5	0
	Programiranje		30	30	0	5	0
	Algebarske strukture		30	30	0	6	0
Interni izborni kolegij B1 > broj predmeta koje je potrebno odabrat: najmanje 1							
	Informacijski sustavi		30	30	0	4	I
	Operacijski sustavi		30	30	0	4	I
Semestar: 6							
MODUL	PREDMET	NOSITELJ	P	V	S	ECTS	STATUS ₆
	Uvod u diferencijalnu geometriju		45	30	0	6	0
	Algoritmi i strukture podataka		30	30	0	5	0
	Seminar II		0	0	30	3	0
	Seminar završnog rada		0	0	30	3	0
	Završni ispit					2	0
Izborni kolegij A2 > broj predmeta koje je potrebno odabrat: najmanje 1							
	Uvod u topologiju		45	30	0	6	I
	Slučajni procesi s diskretnim vremenom		45	30	0	6	I
	Numerička linearna algebra		45	30	0	6	I
	Matematička teorija računarstva		45	30	0	6	I
Izborni kolegij A1 > broj predmeta koje je potrebno odabrat: najmanje 1							
	Projektivna geometrija		30	30	0	5	I
	Uvod u Liejeve algebре		30	30	0	5	I

5 **VAŽNO:** Upisuje se **O** ukoliko je predmet obvezan ili **I** ukoliko je predmet izborni.

6 **VAŽNO:** Upisuje se **O** ukoliko je predmet obvezan ili **I** ukoliko je predmet izborni.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Matematička analiza 1	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	1.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	8 45 + 45 + 0

1. OPIS PREDMETA

1.1. Ciljevi predmeta

Cilj predmeta je upoznati studente s osnovnim pojmovima, rezultatima i metodama realne matematičke analize (u jednoj dimenziji) te ih osposobiti za primjenu istih. U tu svrhu se studentima prezentiraju sljedeće celine:

- polja realnih i kompleksnih brojeva
- nizovi realnih brojeva i kriteriji konvergencije
- realna funkcija jedne varijable: granična vrijednost, neprekidnost i ostala svojstva
- diferencijalni račun i važni teoremi
- primjena diferencijalnog računa u ispitivanju svojstava funkcija zadanih eksplisitno, implicitno i parametarski

1.2. Uvjeti za upis predmeta

1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet

Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:

- Aksiomatski i induktivno izgraditi polja realnih i kompleksnih brojeva (A6, B6, D5, E5, F5)
- Analizirati konvergenciju nizova i argumentirano primjeniti kriterije konvergencije (A6, B6, D6, E5, F5)
- Argumentirano primjeniti svojstva realnih elementarnih funkcija (A6, B6, D6, E5, F5)
- Istražiti graničnu vrijednost funkcije, neprekidnost i uniformnu neprekidnost te ostala svojstva realnih funkcija realne varijable (A6, B6, D6, E5, F5)
- Primjeniti tehnikе računanja limesa niza realnih brojeva, limesa i derivacije realne funkcije jedne varijable (A6, B6, D6, E5, F5)
- Razlikovati i dati primjere konvergentnog i divergentnog niza realnih brojeva, neprekidne i prekidne funkcije, derivabilne i nederivabilne realne funkcije jedne varijable (A6, B6, D6, E5, F5)
- Argumentirano primjeniti diferencijalni račun u geometriji i u ispitivanju svojstava funkcija zadanih eksplisitno, implicitno i parametarski (A6, B6, D6, E5, F5)
- Matematički dokazati utemeljenost postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog predmeta (A6, B6, D6, E6, F6)

1.4. Sadržaj predmeta

Realni brojevi. Aksiomi polja realnih brojeva. Supremum i infimum. Polje kompleksnih brojeva. Trigonometrijski oblik kompleksnog broja. Binomna formula. Funkcija, bijekcija, inverzna funkcija i kompozicija. Pojam niza i limes niza. Limes funkcije u točki. Neprekidnost funkcije u točki i na segmentu. Pojam derivacije, pravila deriviranja i deriviranje elementarnih funkcija. Primjena diferencijalnog računa. Lagrangeov teorem srednje vrijednosti i primjene. Monotonost i lokalni ekstremi. Konveksnost i infleksija. Asimptote.

1.5. Vrste izvođenja nastave		<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo	
1.6. Komentari				
1.7. Obveze studenata				
Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).				
1.8. Praćenje rada studenata				
Pohađanje i aktivnost u nastavi		2.5	Seminarski rad	Eksperimentalni rad
Pismeni ispit (kolokviji)	2.5	Usmeni ispit	Esej	Istraživanje
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	Referat	Praktični rad
Portfolio				
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitu				
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitu.				
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se boduje s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.				
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)				
1. S. Kurepa: Matematička analiza I, II, Tehnička knjiga, Zagreb (više izdanja) 2. B. P. Demidović: Zadaci i riješeni primjeri iz više matematike, Tehnička knjiga, Zagreb (više izdanja)				
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)				
1. S. Lang: A First Course in Calculus, 5th ed. Springer 1986.				
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu				
Naslov		Broj primjeraka	Broj studenata	
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija				
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provedet će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.				

⁷ **VAŽNO:** Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Linearna algebra I	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	1.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	8 45 + 45 + 0

1. OPIS PREDMETA
<p>1.1. Ciljevi predmeta</p> <p>Osnovni cilj kolegija jest upoznati studente s osnovama linearne algebre. U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:</p> <ul style="list-style-type: none"> definirati i razlikovati osnovne algebarske strukture (grupe, polja); definirati vektorski i skalarni produkt; definirati vektorske prostore, analizirati njihova svojstva i osposobiti studente za samostalno određivanje baze vektorskog prostora, definirati matrice i osposobiti studente za samostalno korištenje osnovnih računanskih operacija s matricama. definirati determinantu matrice i analizirati svojstva determinante definirati rang matrice opisati različite načine određivanja inverza matrice; definirati lineарne operatore i algebru operatora, te analizirati svojstva linearnih operatora definirati slične matrice
<p>1.2. Uvjeti za upis predmeta</p>
<p>1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet</p> <p>Nakon odslužanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:</p> <ul style="list-style-type: none"> argumentirano primjeniti osnovna svojstva algebarskih struktura: grupa, tijela, polja i vektorskih prostora u rješavanju zadataka (A5, B5, C3, D3, E3, F2) pokazati svojstva preslikavanja algebarskih struktura (A4, B4, C3, D3, E2, F2) klasificirati svojstva linearног operatora (monomorfizam, epimorfizam, izomorfizam) (A6, B6, C6, D6, E4, F4) argumentirano primjeniti operacije s vektorima u rješavanju zadataka (A6, B6, C6, D6, E4, F5) geometrijski interpretirati rješivost sustava linearnih jednadžbi u ravnini i prostoru (A6, B6, C6, D6, E4, F5) rješiti zadatke primjenom svojstva računskih operacija s matricama, svojstava determinanti, ranga i inverza matrica (A6, B6, C6, D6, E6, F6) koristiti matrični račun u određivanju matričnog zapisa linearnih operatora u različitim bazama vektorskih prostora (A6, B6, C6, D5, E4, F5) matematički dokazati utemeljenost postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog predmeta (A6, B6, C6, D6, E5, F5)
<p>1.4. Sadržaj predmeta</p> <p>Grupe, homomorfizmi grupa, polja, vektori, vektorski prostori, matrice, računanje s matricama, determinanta matrice, inverz matrice, rang matrice, linearni operatori, promjena baze vektorskog prostora, slične matrice</p>

1.5. Vrste izvođenja nastave		<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo		
1.6. Komentari					
1.7. Obveze studenata					
Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).					
1.8. Praćenje ⁸ rada studenata					
Pohađanje i aktivnost u nastavi			2		
Pismeni ispit (kolokviji)	3	Usmeni ispit	2		
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	1		
Portfolio					
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitu					
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitu.					
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se budi s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.					
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)					
1. S.Kurepa: Uvod u linearu algebru, Školska knjiga, Zagreb, 1975. 2. K. Horvatić: Linearna algebra I, II i III, Sveučilište u Zagrebu, PMF, Matematički odjel, Zagreb, 1995.izdanja)					
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)					
1. A. Aglić Aljinović, N. Elezović: Linearna algebra : zbirka zadataka, Zagreb : Element, 2003. 2. D. Bakić: Linearna algebra, Školska knjiga, Zagreb, 2008. 3. L. Čaklović: Zbirka zadataka iz linearne algebre, Školska knjiga, Zagreb, 1976. 4. J. Dieudonne: Linearna algebra i elementarna geometrija, Školska knjiga, Zagreb, 1977. 5. S.Kurepa: Konačnodimenzionalni vektorski prostori, Liber, Zagreb, 1992.					
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu					
Naslov		Broj primjeraka	Broj studenata		
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija					
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provest će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.					

⁸ VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Elementarna matematika I	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	1.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	7 45 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA
<p>1.1. Ciljevi predmeta</p> <p>Cilj ovog predmeta je upoznati studente s nekim osnovnim konceptima koji se pojavljuju u gotovo svim granama matematike. U tu je svrhu potrebno:</p> <ul style="list-style-type: none"> definirati osnovne pojmove matematičke logike i analizirati osnovne načine matematičkog dokazivanja definirati osnovne pojmove o skupovima, relacijama i funkcijama te analizirati njihova svojstva analizirati osnovna svojstva polinoma, racionalnih, eksponencijalnih i logaritamskih funkcija te rješavanje jednadžbi i nejednadžbi definirati osnovne pojmove o aritmetičkim i geometrijskim nizovima analizirati osnovna svojstva trigonometrijskih funkcija te rješavanje trigonometrijskih jednadžbi i nejednadžbi definirati osnovne pojmove o trokutu i analizirati njegova svojstva.
<p>1.2. Uvjeti za upis predmeta</p>
<p>1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet</p> <p>Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:</p> <ol style="list-style-type: none"> rješavati zadatke primjenom osnovnih pojmove matematičke logike, složenih sudova i negacija matematičkih sudova (A6, B6, C5, D5, E5, F5) argumentirano primijeniti osnovna svojstva o skupovima, relacijama i funkcijama u rješavanju zadataka (A6, B6, C5, D5, E5, F5) analizirati osnovna svojstva polinoma, racionalnih, eksponencijalnih, logaritamskih i trigonometrijskih funkcija (A6, B6, C6, D6, E6, F6) argumentirano primijeniti svojstva polinoma, racionalnih, eksponencijalnih, logaritamskih i trigonometrijskih funkcija u rješavanju jednadžbi i nejednadžbi (A6, B6, C6, D6, E6, F6) rastaviti racionalnu funkciju na parcijalne razlomke (A6, B6, C6, D6, E6, F6) analizirati svojstva aritmetičkih i geometrijskih nizova (A6, B6, C6, D6, E6, F6) definirati osnovne pojmove o trokutu, prezentirati karakteristične točke trokuta i argumentirano primjenjivati svojstva trokuta (A7, B7, D6, E6, F6), matematički dokazati utemeljenost svih postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog kolegija (A6, B6, C6, D6, E6, F6)
<p>1.4. Sadržaj predmeta</p> <p>Elementi matematičke logike, skupovi, relacije i funkcije. Polinomi. Grafovi polinoma. Racionalne funkcije. Jednadžbe i nejednadžbe. Eksponencijalne i logaritamske funkcije. Eksponencijalne i logaritamske jednadžbe i nejednadžbe. Aritmetički i geometrijski nizovi. Trigonometrijske funkcije. Grafovi trigonometrijskih funkcija. Svojstva trigonometrijskih funkcija. Arkus funkcije. Trigonometrijske jednadžbe i nejednadžbe. Klasična geometrija trokuta.</p>

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Računarski praktikum 1	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	1.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	5 0+ 45 + 0

1. OPIS PREDMETA		
1.1. Ciljevi predmeta		
Osnovni cilj kolegija je osposobljavanje studenta za samostalnu uporabu i primjenu osobnog računala za svakodnevne potrebe s posebnim naglaskom na izradu i formatiranje tekstualnih dokumenata, izradu tablica i tabličnih proračuna (programi koji pripadaju skupini tabličnih kalkulatora) te izradu prezentacija i HTML stranica za osobne potrebe te potrebe studija.		
1.2. Uvjeti za upis predmeta		
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet		
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:		
<ol style="list-style-type: none"> 1. Raščlaniti arhitekturu računala (A5, B4, C5, D5, E4, F5) 2. Koristiti različite medije za pohranjivanje podataka (A6, B6, C5, D5, E5, F5) 3. Napisati tekstualne datoteke i urediti matematičke tekstove u tekstualnim procesorima (A6, B6, C5, D5, E5, F5) 4. Predstaviti informacije grafički i vizualizirati podatke u sklopu prezentacije na određenu temu poštujući dane metodičke savjete (A6, B6, C6, D5, E5, F5) 5. Upravljati raznim tabličnim proračunima pomoću tabličnog kalkulatora (A6, B6, C5, D5, E5, F5) 6. Objasniti osnove HTML-a, prezentacijskog jezika za izradu web stranica (A6, B6, C4, D5, E4, F5) 7. Dizajnirati osobnu web stranicu (A6, B6, C6, D6, E6, F5) 8. Koristiti elektroničku poštu (A5, B5, C4, D5, E5, F5) 9. Koristiti Internet za pretraživanje informacija (A5, B5, C4, D5, E5, F5) 		
1.4. Sadržaj predmeta		
Građa računala: procesor, memorija, ulazno-izlazne jedinice. Veze i komunikacija između pojedinih dijelova računala. Operacijski sustav i izvršavanja korisničkih programa, podjela korisničkih programa po vrstama. Osnovni rad s računalom: operacijski sustav, editiranje teksta, datoteke, spremanje podataka na razne medije, snalaženje u grafičkom sučelju. Primjene računala: oblikovanje teksta i dokumenata pomoću tekstualnih procesora, izrada prezentacija pomoću softvera za izradu prezentacijskih materijala i učenje prezentiranja sadržaja, izrada proračunskih tablica i izvršavanje raznih tabličnih proračuna pomoću tabličnog kalkulatora. Osnovni koncepti Interneta: osnovni mrežni servisi, web stranice, prezentacijski jezik za izradu web stranica (HTML), izrada osobne web stranice, web poslužitelj, arhitektura Interneta, elektronička pošta, pristup Internetu, web preglednici, pretraživanje informacija. Mediji za pohranjivanje slika i zvuka.		
1.5. Vrste izvođenja nastave		
<input type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava		
<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo		

1.6. Komentari									
1.7. Obveze studenata									
Studenti su obavezni prisustovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).									
1.8. Praćenje ¹⁰ rada studenata									
Pohađanje nastave i aktivnost u nastavi			0.75	Seminarski rad	Eksperimentalni rad				
Pismeni ispit (kolokvij)	3	Usmeni ispit		Esej	Istraživanje				
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	1.25	Referat	Praktični rad				
Portfolio									
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitу									
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitу.									
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave. Ukupan broj bodova koje student može ostvariti je 100. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.									
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)									
1. Grundler, Grozdanović, Ikica, Kos, Miljaš, Srnec, Širanović, Zvonarek: Europska računalna diploma; ECDL 2. European Driving Licence, PRO-MIL d.o.o., Varaždin, lipanj 2010. http://e-knjiznica.carnet.hr/e-knjige/ecdl_5/knjiga 3. Vučina: Pretraživanje i vrednovanje informacija na Internetu, Edupoint, Zagreb 2006., http://e-knjiznica.carnet.hr/e-knjige/pretrazivanje 4. D. Sušanj: PC računala izvana i iznutra, BUG i SysPrint, Zagreb, 2002. 5. D. Petric: Internet uzduž i poprijeko, BUG i SysPrint, Zagreb, 2002. 6. Ungar Š., Ne baš tako kratak Uvod u TeX, PMF Zagreb, 1998. 7. Materijali s nastave									
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)									
1. HTML I CSS tutorial, http://www.w3.org/Style/Examples/011/firstcss.en.html 2. V. Galešev, L. Kralj, G. Sokol, Z. Soldo, D. Kovač: Informatika i računalstvo, SysPrint, 2006. 3. L. Abrus: Izrada Weba - abeceda za web mastere, BUG i SysPrint, Zagreb, 2003. 4. Časopisi (Bug, Enter,...) 5. Originalni priručnici proizvođača i popularno pisani vodići za programske pakete koji se koriste u praktičnoj nastavi									
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu									
Naslov		Broj primjeraka	Broj studenata						
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija									
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provest će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.									

¹⁰

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	STRANI JEZIK I Engleski za potrebe struke (Informacijska tehnologija)	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	1.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata	2
	Broj sati (P+V+S)	0 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA

1.1. Ciljevi predmeta

Ovaj predmet nudi program stručnog engleskog višeg srednjeg stupnja, a obuhvaća teme iz suvremene informacijske tehnologije. Ciljevi su mu:

- razvijanje vještine čitanja raznih autentičnih tekstova iz područja IT radi dobivanja informacija;
- razvijanje sposobnosti razumijevanja izvornog govornika koji govorи o IT;
- osposobljavanja studenta da izmjenjuje informacije i izražava mišljenje u kontekstu IT;
- pisanje uputa, opisa i objašnjenja vezanih za teme iz područja IT.

1.2. Uvjeti za upis predmeta

1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet

Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:

- koristiti većinu vokabulara i gramatičkih struktura vezanih za informacijsku tehnologiju;
- čitati i razumjeti autentične tekstove iz novina, popularnih časopisa o kompjuterima, s Interneta, web stranica;
- davati informacije i izražavati mišljenje glede IT;
- pisati upute, opise, i objašnjenja u vezi s IT i radom na kompjutoru.

1.4. Sadržaj predmeta

Korisnici kompjutora: Učitelj, student, dijete, umjetnik; Kompjutori povezuju svijet; Prošlo vrijeme, perfekt. Arhitektura kompjutora: Vrste kompjutora; Dijelovi kompjutera; Pisanje uputa. Upotreba kompjutera: Kompjutori u supermarketu, bolnici, zračnoj luci, policijskoj postaji. Pasiv. Traženje podataka. Periferni uređaji: Printer, skener, miš, disketa, CD-rom, DVD-rom; Usporedba i suprotnost.

Operacijski sustavi: Dijagram operacijskog sustava; Operacijski sustavi – skriveni software; -ing oblici; Linux. Grafičko korisničko sučelje: Dijelovi sučelja - Glagol + objekt + infinitiv; Pisanje uputa. Aplikacijski programi: Word processing, spreadsheet, database. Mediji: MP3; Složene rečenice – uzrok i posljedica. Mreže: Tipičan mrežni sustav; Komunikacija putem mreže; Odnosne rečenice. Internet: Internet servisi i korisnici; Vrste upozorenja. Komunikacijski sustavi: Vrste komunikacijskih sustava; Globalna komunikacija. Najnoviji razvoj informatičke tehnologije: Elektronička pošta; Roboti; Umjetna inteligencija. Budućnost informacijske tehnologije: Što donosi budućnost? Predviđanja.

1.5. Vrste izvođenja nastave	<input checked="" type="checkbox"/> predavanja	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci
	<input type="checkbox"/> seminari i radionice	<input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža
	<input checked="" type="checkbox"/> vježbe	<input type="checkbox"/> laboratorij
	<input type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu	<input type="checkbox"/> mentorski rad
	<input type="checkbox"/> terenska nastava	<input type="checkbox"/> ostalo
		Konzultacije

1.6. Komentari																									
1.7. Obveze studenata																									
Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).																									
1.8. Praćenje rada studenata																									
<table border="1"> <tr> <td>Pohađanje nastave i aktivnost u nastavi</td> <td>0.5</td> <td>Seminarski rad</td> <td>0.3</td> <td>Eksperimentalni rad</td> <td></td> </tr> <tr> <td>Pismeni ispit (kolokviji)</td> <td>0.6</td> <td>Usmeni ispit</td> <td></td> <td>Esej</td> <td>Istraživanje</td> </tr> <tr> <td>Projekt</td> <td></td> <td>Kontinuirana provjera znanja</td> <td>0.5</td> <td>Referat</td> <td>Praktični rad</td> </tr> <tr> <td>Portfolio</td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </table>		Pohađanje nastave i aktivnost u nastavi	0.5	Seminarski rad	0.3	Eksperimentalni rad		Pismeni ispit (kolokviji)	0.6	Usmeni ispit		Esej	Istraživanje	Projekt		Kontinuirana provjera znanja	0.5	Referat	Praktični rad	Portfolio					
Pohađanje nastave i aktivnost u nastavi	0.5	Seminarski rad	0.3	Eksperimentalni rad																					
Pismeni ispit (kolokviji)	0.6	Usmeni ispit		Esej	Istraživanje																				
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	0.5	Referat	Praktični rad																				
Portfolio																									
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitu																									
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitu.																									
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se budi s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.																									
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)																									
<ol style="list-style-type: none"> Glendinning, E., H., McEwan, J., <i>Oxford English for Information Technology</i>, Oxford University Press, Oxford, 2002 Eastwood, J., <i>Oxford Practice Grammar</i>, Oxford University Press, Oxford, 2003. <i>Oxford Advanced Learner's Dictionary</i>, Oxford University Press, Oxford, 2004. Panian, Ž., <i>Informatički enciklopedijski rječnik</i>, Europapress holding d.o.o. Zagreb, 2005. http://encyclopedia2.thefreedictionary.com/ www.dictionary.cambridge.org 																									
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)																									
<ol style="list-style-type: none"> Esteras, S., R., <i>Infotech, English for computer users</i>, Cambridge University Press, Cambridge, 2004. Murphy, R., <i>English Grammar in Use</i>, Cambridge University Press, Cambridge, 2000. Filipović, R., <i>Englesko – hrvatski rječnik</i>, Školska knjiga, Zagreb, 1999. Bujas, Ž. <i>Hrvatsko – engleski rječnik</i>, Nakladni zavod Globus, Zagreb, 2001. <i>Longman Dictionary of English Language and Culture</i>, Longman, Harlow, Essex, 2003. http://www.webopedia.com www.m-w.com 																									
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu																									
<table border="1"> <thead> <tr> <th>Naslov</th> <th>Broj primjeraka</th> <th>Broj studenata</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> </tbody> </table>		Naslov	Broj primjeraka	Broj studenata																					
Naslov	Broj primjeraka	Broj studenata																							
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija																									
U zadnjem tjednu nastave provoditi će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provedi će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.																									

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Matematička analiza 2	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	1.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	8 45 + 45 + 0

1. OPIS PREDMETA				
1.1. Ciljevi predmeta				
Cilj predmeta je upoznati studente s osnovnim pojmovima, rezultatima i metodama realne matematičke analize (u jednoj dimenziji) te ih sposobititi za primjenu istih. U tu svrhu se studentima prezentiraju sljedeće celine:				
<ul style="list-style-type: none"> • neodređeni integral i metode integriranja • određeni integral i primjena • redovi realnih brojeva i kriteriji konvergencije • nizovi i redovi funkcija, konvergencija i uniformna konvergencija • redovi potencija i Fourierovi redovi 				
1.2. Uvjeti za upis predmeta				
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet				
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:				
<ul style="list-style-type: none"> • Odrediti neodređeni i izračunati određeni integral (A6, B6, D6, E5, F5) • Argumentirano primjeniti integralni račun u geometriji (A6, B6, D6, E5, F5) • Analizirati konvergenciju redova realnih brojeva i primjenjivati kriterije konvergencije redova (A6, B6, D6, E5, F5) • Razlikovati i dati primjere integrabilne i neintegrabilne realne funkcije jedne varijable, konvergentnog i divergentnog reda realnih brojeva (A6, B6, D6, E5, F5) • Analizirati konvergencije nizova i redova funkcija (A6, B6, D6, E5, F5) • Razviti funkcije u Taylorov red (A6, B6, D6, E5, F5) • Analizirati Fourierove redove (A6, B6, D6, E5, F5) • Matematički dokazati utemeljenost postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog predmeta (A6, B6, D6, E6, F6) 				
1.4. Sadržaj predmeta				
Neodređeni integral. Metode integriranja. Određeni integral. Newton-Leibnizova formula. Integrabilnost monotonih i neprekidnih funkcija. Primjene integralnog računa. Nepravi integral. Redovi realnih brojeva i kriteriji konvergencije. Nizovi i redovi funkcija. Konvergencija i uniformna konvergencija niza i reda funkcija. Taylorov teorem. Redovi potencija i Taylorovi redovi elementarnih funkcija. Fourierovi redovi.				
1.5. Vrste izvođenja nastave				
<table border="0"> <tr> <td style="vertical-align: top;"> <input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava </td><td style="vertical-align: top;"> <input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo </td></tr> </table>			<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo
<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo			

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Linearna algebra II	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	1.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	8 45 + 45 + 0

1. OPIS PREDMETA
<h3>1.1. Ciljevi predmeta</h3> <p>Osnovni cilj kolegija jest upoznati studente s osnovama linearne algebre. U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:</p> <ul style="list-style-type: none"> • analizirati rješivost sustava linearnih jednadžbi i strukturu skupa rješenja; • definirati linearu mnogostrukturu; • razlikovati i primjenjivati različite načine rješavanja linearnih sustava; • definirati karakteristični i minimalni polinom i analizirati njihova svojstva; • definirati svojstvene vrijednosti linearog operatora, analizirati njihova svojstva i opisati način njihovog određivanja; • argumentirano primjenjivati kriterije dijagonalizacije linearog operatora ; • definirati Jordanovu formu matrice; • definirati unitarne prostore i normu, analizirati Cauchy-Schwartzovu nejednakost ; • definirati ortonormiranu bazu i ortogonalni komplement, te opisati Gram - Schmidtov postupak ortogonalizacije; • uvesti koncepte operatora na unitarnim prostorima; • definirati glavne osobine unitarnih, ortogonalnih, hermitskih, simetričnih i antihermitskih matrica; • analizirati kvadratne forme.
<h3>1.2. Uvjeti za upis predmeta</h3>
<h3>1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet</h3> <p>Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:</p> <ul style="list-style-type: none"> • riješiti zadatke primjenom različitih metoda rješavanja sustava linearnih jednadžbi (A6, B6, C6, D3, E3, F3) • klasificirati svojstva linearog operatora (unitarni operatori, ortogonalni operatori, simetrični i antisimetrični operatori, hermitski i antihermitski operatori) (A6, B6, C6, D3, E4, F3) • argumentirano primjenjivati operacije s vektorima u rješavanju zadataka (A6, B6, C6, D5, E4, F5) • odrediti Jordanovu formu matrice (A4, B4, C3, D2, E2, F2) • konstruirati ortonormiranu bazu unitarnog prostora (A6, B6, C6, D4, E3, F5) • koristiti vektorske i matrične norme u rješavanju zadataka (A6, B6, C3, D2, E2, F2) • razlikovati unitarne, normirane i metričke prostore (A6, B6, C3, D2, E2, F2) • odrediti kanonski oblik (binarne) kvadratne forme (A4, B4, C3, D2, E2, F2) • matematički dokazati utemeljenost postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog predmeta (A6, B6, C6, D6, E5, F5)
<h3>1.4. Sadržaj predmeta</h3> <p>Sustavi linearnih jednadžbi. Cramerovi sustavi. Homogeni i nehomogeni sustavi. Rješavanje sustava linearnih jednadžbi. Karakteristični i minimalni polinom. Invarijantni potprostori. Svojstvene vrijednosti linearog operatora. Jordanova forma matrice.</p>

Unitarni prostori. Nejednakost Schwarz-Cauchy-Bunjakovski. Norma. Metrika. Gram-Schmidtov postupak ortogonalizacije. Operatori na unitarnim prostorima. Unitarni operatori. Hermitski adjungirani operatori. Hermitski operatori. Simetrični operatori i kvadratne forme.

1.5. Vrste izvođenja nastave		<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo
1.6. Komentari			
1.7. Obveze studenata			
Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).			
1.8. Praćenje ¹³ rada studenata			
Pohađanje i aktivnost u nastavi			2
Pismeni ispit (kolokviji)	3	Usmeni ispit	2
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	1
Portfolio			
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitu			
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitu.			
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se budi s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.			
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)			
1. K. Horvatić: Linearna algebra I, II i III, Sveučilište u Zagrebu, PMF, Matematički odjel, Zagreb, 1995.izdanja) 2. S. Kurepa: Uvod u linearu algebru, Školska knjiga, Zagreb, 1975.			
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)			
1. A. Aglić Aljinović, N. Elezović: Linearna algebra : zbirka zadataka, Zagreb : Element, 2003. 2. D. Bakić: Linearna algebra, Školska knjiga, Zagreb, 2008. 3. N. Bakić, A. Milas, Zbirka zadataka iz linearne algebre, PMF – Matematički odjel, Zagreb, 1996. 4. L. Čaklović: Zbirka zadataka iz linearne algebre, Školska knjiga, Zagreb, 1976. 5. J. Dieudonne: Linearna algebra i elementarna geometrija, Školska knjiga, Zagreb, 1977. 6. J. Hefferon, <i>Linear Algebra</i> , http://joshua.smcvt.edu/linearalgebra/ 7. S. Kurepa: Konačnodimenzionalni vektorski prostori, Liber, Zagreb, 1992.			
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu			
Naslov		Broj primjeraka	Broj studenata

¹³

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija

U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provede se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Elementarna matematika II	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	1.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	7 45 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA

1.1. Ciljevi predmeta

Cilj ovog predmeta je upoznati studente s nekim osnovnim konceptima elementarne matematike, primjerice skupovima brojeva, preslikavanjima ravnine i prostora, konikama, poliedrima. U tu je svrhu potrebno:

- definirati skupove prirodnih, cijelih, racionalnih, realnih i kompleksnih brojeva te analizirati njihova svojstva,
- definirati i analizirati pojmove o preslikavanjima ravnine,
- definirati i analizirati osnovna svojstva konika,
- definirati pojmove o preslikavanjima prostora,
- definirati osnovne pojmove o poliedrima.

1.2. Uvjeti za upis predmeta

1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet

Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:

- definirati skupove prirodnih, cijelih, racionalnih, realnih i kompleksnih brojeva te analizirati i argumentirano primjenjivati njihova svojstva (A6, B7, D6, E6, F6),
- prezentirati aksiomatsku i induktivnu izgradnju skupova prirodnih, cijelih, racionalnih, realnih i kompleksnih brojeva kao i konstrukcije pripadnih ulaganja (A6, B6, D6, E6, F6),
- formulirati i klasificirati preslikavanja ravnine (A6, B6, D5, E6, F6),
- formulirati aksiomatsku izgradnju euklidskog prostora E_3 te definirati pojmove usko vezane za preslikavanja tog prostora (A6, B6, D5, E6, F6),
- definirati i klasificirati konike te argumentirano primjenjivati njihova osnovna svojstva na zadanim zadacima (A6, B6, D5, E6, F6),
- definirati poliedre i formulirati njihova osnovna svojstva koja će argumentirano primjenjivati na zadanim zadacima (A6, B6, D5, E6, F6),
- argumentirano primjenjiti algoritme vezane za djeljivost u rješavanju zadataka (A6, B6, D6, E6, F6)
- riješiti zadatke korištenjem modularne aritmetike (A6, B6, D6, E6, F6)
- riješiti kongruencijske jednadžbe te sustave kongruencija različitih oblika (A6, B6, D6, E6, F6)
- matematički dokazati utemeljenost svih postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog kolegija (A6, B6, D6, E6, F6).

1.4. Sadržaj predmeta

Skup prirodnih brojeva. Peanovi aksiomi. Skup cijelih brojeva. Matematička indukcija. Djeljivost cijelih brojeva (kriteriji djeljivosti). Euklidov algoritam. Kongruencija modulo n. Algebarska struktura $(\mathbb{Z}_n, +)$. Kongruencijske jednadžbe i sustavi kongruencija. Lagrangeov teorem. Mali Fermatov teorem. Skup racionalnih brojeva. Dedekindovi rezovi. Skup realnih brojeva.

Skup kompleksnih brojeva. Kompleksni brojevi i trigonometrija. Poligoni i površine. Izometrije ravnine. Homotetija, inverzija. Konike. Jednadžba pravca i konika u polarnim koordinatama. Izometrije i neka preslikavanja prostora. Poliedri.

1.5. Vrste izvođenja nastave		<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo Konzultacije
1.6. Komentari			
1.7. Obveze studenata			
Studenti su obavezni prisustovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).			
1.8. Praćenje ¹⁴ rada studenata			
Pohađanje i aktivnost u nastavi	1.4	Seminarski rad	Eksperimentalni rad
Pismeni ispit (kolokvij)	2.5	Usmeni ispit	Istraživanje
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	Referat
Portfolio			Praktični rad
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitу			
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitу.			
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se budiye s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.			
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)			
1. B. Pavković, D.Veljan: Elementarna matematika II, Tehnička knjiga, Zagreb, 1995. 2. S. Kurepa: Uvod u matematiku, Tehnička knjiga, Zagreb, 1975.			
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)			
1. H. Kruglak, J.T.Moore: Schaum's outline series, Theory and Problems of Basic Mathematics, McGraw-Hill, New York, 1973. 2. B. Rich: Schaum's outline series, Theory and Problems of Review of Elementary Mathematics, McGraw-Hill, New York, 1977. 3. Preporučuju se odgovarajući udžbenici i zbirke zadataka iz matematike za srednje škole			
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu			
Naslov	Broj primjeraka	Broj studenata	
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija			
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provest će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.			

¹⁴

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Računarski praktikum 2	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	1.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata	5
	Broj sati (P+V+S)	15 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA			
1.1. Ciljevi predmeta			
Cilj ovog kolegija je osposobiti studenta za samostalnu izradu programa u nekom programskom jeziku opće namjene. Kolegij upoznaje studente s osnovnim konceptima i kontrolom izvođenja programa te korištenje dodatnih paketa ili modula koje može koristit za svakodnevne potrebe na studiju te posebno za rješavanje matematičkih problema.			
1.2. Uvjeti za upis predmeta			
Nema uvjeta.			
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet			
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:			
1) oblikovati i (vizualno) prikazati program (A6, B6, C6, D6, E6, F5) 2) razlikovati i koristiti razne tipove podataka i operatora te logičke izraze (A6, B7, C7, D6, E6, F5) 3) testirati program i ispraviti sve sintaktičke i semantičke pogreške (A6, B7, C7, D6, E6, F5) 4) učitati vanjske podatke u program i pohraniti podatke u datoteku (A6, B6, C6, D6, E6, F5) 5) pravilno dokumentirati kod prema danom standardu (A6, B6, C6, D6, E6, F5) 6) koristiti potprograme i dodatne module (A6, B6, C6, D6, E6, F5) 7) izraditi jednostavan (proceduralni, objektno orientirani ili funkcijski) program u kojem će upotrijebiti osnovne tehnike kontrole toka izvođenja (A6, B7, C7, D6, E6, F5) 8) raspraviti postupak prevođenja i izvršavanja programa (A6, B6, C6, D6, E5, F5)			
1.4. Sadržaj predmeta			
Povjesni pregled programskog jezika i radno okruženje. Sintaksa, semantika programskog jezika. Osnovni tipovi podataka, vrijednosti i deklaracije. Petlje, slijed i kontrola izvođenja programa. Funkcije i proslijedivanje parametra. Dodatni moduli i paketi. Rad s višedimenzionalnim poljima. Rad s datotekama. Vizualizacija podataka.			
1.5. Vrste izvođenja nastave		<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo
1.6. Komentari		Ovaj praktikum je ključan za studij jer se pretpostavlja da će se osobna računala koristiti u mnogim kolegijima.	
1.7. Obveze studenata			
Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).			

1.8. Praćenje¹⁵ rada studenata						
Pohađanje i aktivnost u nastavi			1.5	Seminarski rad		Eksperimentalni rad
Pismeni ispit (kolokvij)	2.1	Usmeni ispit		Esej		Istraživanje
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	1.4	Referat		Praktični rad
Portfolio						
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitu						
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitu.						
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se budi s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.						
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)						
Originalni priručnici i sustavi pomoći za pojedine programske alate koji su dostupni on-line.						
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)						
Leo Budin, Predrag Brođanac, Zlatka Markučić, Smiljana Perić: Napredno rješavanje problema programiranjem u Pythonu.						
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu						
Naslov		Broj primjeraka		Broj studenata		
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija						
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provest će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.						

¹⁵

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	STRANI JEZIK II Učenje Engleskoga jezika putem Interneta	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	1.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	2 0 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA

1.1. Ciljevi predmeta

Ovaj predmet omogućava studentima da u potpunosti koriste Internet kao izvor nastavnog materijala. Njegovi ciljevi su:

- usvajanje vokabulara vezanog za kompjutersku terminologiju i terminologiju Interneta;
- svladavanje i vježbanje jezičnih vještina kroz aktivnosti koje se baziraju na korištenju Interneta;
- osposobljavanje za čitanje i razumijevanje autentičnih tekstova na engleskome jeziku na razne teme;
- slušanje izvornih govornika;
- razmjenjivanje informacija i mišljenja;
- korištenje izvora na Internetu za pisanje raznih pismenih zadataka;
- samostalno korištenje Interneta za učenje jezika.

1.2. Uvjeti za upis predmeta

1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet

Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:

- koristiti većinu riječi i izraza potrebnih za učenje putem Interneta;
- sami pretraživati mrežu kako bi pronašli potreban materijal;
- primati i slati elektroničku poštu i voditi razgovor posredstvom mreže;
- koristiti Internet kao izvor materijala za učenje i rad;
- čitati i razumjeti autentične tekstove raznih vrsta;
- voditi razgovor na engleskom jeziku o raznim temama;
- pisati informacije i koncepte, opisivati stav o raznim situacijama i temama.

1.4. Sadržaj predmeta

Kompjutori danas; Korištenje kompjutora; Osnovna terminologija. Pretraživanje Weba: Strategije za pretraživanje mreže; FAQ. Elektronička pošta: Načini komunikacije; Slanje/Primanje elektroničke pošte. Poznati ljudi: Pronalaženje informacija o poznatim osobama; Profil poznate osobe; Glagolska vremena;. Web-čestitke: Tipovi web-čestitki; Slanje/Primanje web-čestitki; Članovi; Brojive i nebrojive imenice. Studij u inozemstvu: Razlozi za studij u inozemstvu; Izbor studija; Intervju; Stvaranje brošure; Futur; Kondicionalne rečenice. U restoranu: Kuhinje raznih naroda; Izbor restorana i menija; Relativne rečenice. Kupovanje: Načini kupovanja: Online kupovanje; Stvaranje kataloga; Poslovno pismo; Indirektan govor. Filmovi: Top liste filmova; Nagrađeni filmovi; Izbor filma; Analiza filma;. Odmor u inozemstvu: Mogućnosti odmora diljem svijeta; Planiranje odmora; Itinerer; Opis putovanja; Pasiv. Internetcafe: Diskusija o internetcafeima; Kviz; Modalni glagoli. Rad u inozemstvu: Poslovi i mogućnosti zaposlenja; Pronalaženje posla putem Interneta; Rad u Europi; Rad u Africi. Vijesti na Internetu: Politika; Znanost; Zabava; Tehnologija; Zdravlje; Svakodnevni život.

1.5. Vrste izvođenja nastave		<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo Konzultacije		
1.6. Komentari					
1.7. Obveze studenata					
Studenti su obavezni prisustovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).					
1.8. Praćenje ¹⁶ rada studenata					
Pohađanje nastave i aktivnost u nastavi		0.5	Seminarski rad		
Pismeni ispit (kolokviji)	0.6	Usmeni ispit	Esej		
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	Referat		
Portfolio		Prezentacija	0.1		
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitu					
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitu.					
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se budi s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.					
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)					
<ol style="list-style-type: none"> 1. Gitsaki, C., Taylor, R., T., <i>Internet English</i>, Oxford University Press, Oxford, 2004. 2. Murphy, R., <i>English Grammar in Use</i>, Cambridge University Press, Cambridge, 2000. 3. <i>Oxford Advanced Learner's Dictionary</i>, Oxford University Press, Oxford, 2004. 4. www.englishpage.com 5. www.englishclub.com 6. http://news.bbc.co.uk 7. www.cnn.com 8. http://www.nypost.com/eedition/ 9. www.dictionary.cambridge.org 					
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)					
<ol style="list-style-type: none"> 1. Eastwood, J., <i>Oxford Practice Grammar</i>, Oxford University Press, Oxford, 2003. 2. Filipović, R., <i>Englesko – hrvatski rječnik</i>, Školska knjiga, Zagreb, 1999. 3. Bujas, Ž. <i>Hrvatsko – engleski rječnik</i>, Nakladni zavod Globus, Zagreb, 2001. 4. www.eudict.com 5. www.rd.com 6. http://www.rjecnik.net/ 					
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu					
Naslov		Broj primjeraka	Broj studenata		

1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija

U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provedet će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Matematička analiza 3	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	2.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	7 45 + 45 + 0

1. OPIS PREDMETA

1.1. Ciljevi predmeta

Cilj predmeta je upoznati studente s osnovnim pojmovima, rezultatima i metodama diferencijalnog i integralnog računa realnih i vektorskih funkcija više realnih varijabli, te ih osposobiti za primjenu istih. U tu svrhu se studentima prezentiraju sljedeće cjeline:

- Prostor R^n
- Konvergencija nizova i redova u R^n
- Neprekidnost i limes realne funkcije više varijabli
- Parcijalne derivacije i diferencijal
- Vektorske funkcije
- Primjene diferencijalnog računa
- Implicitno definirane funkcije
- Dvostruki i višestruki Riemannov integral
- Funkcije definirane integralom
- Krivuljni integrali
- Plošni integrali
- Funkcije omeđene varijacije

1.2. Uvjeti za upis predmeta

1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet

Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:

1. Analizirati konvergenciju nizova i redova u R^n (A6, B6, D6, E5, F5)
2. Opisati algebarsku, metričku i topološku strukturu euklidskog prostora R^n (A6, B6, D6, E5, F5)
3. Istražiti graničnu vrijednost vektorske funkcije više realnih varijabli, te njezinu neprekidnost i ostala svojstva (A6, B6, D6, E5, F5)
4. Računati parcijalne derivacije funkcije više varijabli (A6, B6, D6, E5, F5)
5. Argumentirano primijeniti diferencijalni račun u geometriji i u ispitivanju svojstava funkcija zadanih eksplicitno, implicitno i parametarski (A6, B6, D6, E5, F5)
6. Odrediti Riemannov integral funkcije više varijabli te krivuljne i plošne integrale (A6, B6, D6, E5, F5)
7. Analizirati fundamentalne pojmove diferencijalnog i integralnog računa realnih i vektorskih funkcija više varijabli, poput neprekidnosti funkcije, limesa, parcijalne derivacije i diferencijala funkcije, te višestrukih, krivuljnih i plošnih integrala (A6, B6, D6, E5, F5)
8. Matematički dokazati utemeljenost postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog predmeta (A6, B6, D6, E6, F6)

1.4. Sadržaj predmeta

Neprekidnost i limes realnih i vektorskih funkcija jedne i više realnih varijabli. Nizovi i kompaktnost u \mathbb{R}^n . Neprekidne funkcije na kompaktu. Diferencijal i parcijalne derivacije. Neprekidno diferencijabilne funkcije i Schwarzov teorem. Teorem srednje vrijednosti. Teorem o implicitnim funkcijama. Teorem o inverznom preslikavanju. Taylorov teorem. Ekstremi. Dvostruki i višestruki Riemannov integral. Fubinijev teorem i funkcije definirane integralom. Krivulje. Krivuljni integrali. Plošni integrali. Funkcije omeđene varijacije. Vektorska i skalarna polja. Greenov teorem.

1.5. Vrste izvođenja nastave	<input checked="" type="checkbox"/> predavanja	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci	
	<input type="checkbox"/> seminari i radionice		
	<input checked="" type="checkbox"/> vježbe	<input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža	
	<input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu	<input type="checkbox"/> laboratorij	
	<input type="checkbox"/> terenska nastava	<input type="checkbox"/> mentorski rad	
		<input type="checkbox"/> ostalo	
1.6. Komentari			
1.7. Obveze studenata			
Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).			
1.8. Praćenje ¹⁷ rada studenata			
Pohađanje i aktivnost u nastavi	2.5	Seminarski rad	Eksperimentalni rad
Pismeni ispit (kolokviji)	2.5	Esej	Istraživanje
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	Referat
Portfolio			Praktični rad
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitу			
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitу.			
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se budiye s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.			
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)			
1. S. Kurepa: Matematička analiza III, Tehnička knjiga, Zagreb (više izdanja)			
2. Š. Ungar: Matematička analiza u Rn, Golden Marketing-Tehnička knjiga, Zagreb 2005.			
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)			
1. S. Mardešić: Matematička analiza u n-dimenzionalnom realnom prostoru, I. dio, Školska knjiga, Zagreb 1991.			
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu			
Naslov	Broj primjeraka	Broj studenata	
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija			
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provede će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.			

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijeliti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Kombinatorika	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	2.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	5 30 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA			
1.1. Ciljevi predmeta			
Osnovni cilj kolegija jest upoznati studente s kombinatornim načinom razmišljanja i dokazivanja. U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:			
<ul style="list-style-type: none"> – opisati i usporediti različite forme Dirichletovog principa te njegovo poopćenje, – analizirati osnovna načela prebrojavanja elemenata konačnih skupova te kombinatorna prebrojavanja, – definirati binomne i multinomne koeficijente i analizirati njihova svojstva, – definirati multiplikativne funkcije i analizirati primjere multiplikativnih funkcija, – definirati i razlikovati neke rekurzivne probleme te analizirati načine rješavanja tih problema, – definirati i usporediti neke kombinatoričke strukture. 			
1.2. Uvjeti za upis predmeta			
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet			
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:			
<ol style="list-style-type: none"> 2. analizirati i razlikovati primjene pojedinih načina prebrojavanja ili formi Dirichletovog načela (A5, B6, C6, D6, E4, F5), 3. argumentirano odabrati način prebrojavanja ili formu Dirichletovog načela te primjeniti odgovarajući postupak prilikom rješavanja zadatka (A5, B6, C5, D5, E4, F5), 4. opisati multiplikativne funkcije i analizirati primjere multiplikativnih funkcija (A4, B5, C5, D5, E4, F5). 5. analizirati rekurzivne probleme prilikom rješavanja kombinatornih zadataka koristeći argumentirane postupke (A5, B6, C5, D5, E4, F5), 6. argumentirati upotrebu svojstava binomnih i multinomnih koeficijenata prilikom rješavanja zadatka (A5, B6, C5, D5, E4, F5) 7. formulirati kombinatorne interpretacije izraza pri dokazivanju različitih tvrdnji (A6,B6,C6,D6,E4,F5) 8. opisati neke kombinatoričke strukture (A4, B5, C5, D5, E4, F5) 9. matematički dokazati uteviljenost svih postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog kolegija (A6, B6, C6, D6, E4, F5). 			
1.4. Sadržaj predmeta			
Temeljna načela prebrojavanja. Dirichletov princip. Ramseyev stavak. Permutacije i kombinacije skupova i multiskupova. Binomni i multinomni koeficijenti. Formula uključivanja-isključivanja. Multiplikativne funkcije. Rekurzivne relacije. Funkcije izvodnice. Neke kombinatoričke strukture.			
1.5. Vrste izvođenja nastave		<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo

1.6. Komentari					
1.7. Obveze studenata					
Studenti su obavezni prisustovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).					
1.8. Praćenje ¹⁸ rada studenata					
Pohađanje nastave i aktivnost u nastavi	2.5	Seminarski rad		Eksperimentalni rad	
Pismeni ispit	0.5	Usmeni ispit	1	Esej	Istraživanje
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	1	Referat	Praktični rad
Portfolio					
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitу					
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitу.					
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se boduje s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.					
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)					
2. D. Veljan, Kombinatorna i diskretna matematika, Algoritam, Zagreb, 2001. 3. M. Cvitković, Kombinatorika, zbirka zadataka, Element, Zagreb, 2001.					
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)					
2. D. Žubrinić, Diskretna matematika, Element, Zagreb, 1997. 3. D. Veljan, Kombinatorika s teorijom grafova, Školska knjiga, Zagreb, 1989.					
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu					
Naslov		Broj primjeraka		Broj studenata	
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija					
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provede se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.					

¹⁸

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Primjena računala u matematici	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	2.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	5 15 + 30 + 15

1. OPIS PREDMETA			
1.1. Ciljevi predmeta			
Osnovni cilj kolegija jest razvijanje matematičkog i logičkog mišljenja, upoznavanje i usvajanje sadržaja iz kolegija te korištenje CAS (Computer Algebra System) alata. U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:			
<ul style="list-style-type: none"> • koristiti CAS program kao kalkulator, • koristiti CAS program za manipulaciju matematičkim izrazima, • definirati i koristiti funkcije, liste, dodatne pakete, • koristiti CAS program u diferencijalnom i integralnom računu • crtati grafove, • koristiti sustav pomoći, • isprogramirati jednostavnije programske sekvence s ciljem rješavanja matematičkih problema. 			
1.2. Uvjeti za upis predmeta			
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet			
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:			
<ol style="list-style-type: none"> 2. Riješiti matematičke zadatke koji uključuju elementarne i trigonometrijske funkcije, vektore, matrice, diferencijalni i integralni račun primjenom CAS programa (A5, B5, C5, D5, E5, F5) 3. Nacrtati grafove funkcija koristeći CAS program (A5, B5, C5, D5, E5, F5) 4. Izraditi proceduralni program koji rješava složene matematičke probleme koristeći CAS program (A6, B7, C6, D6, E6, F5) 5. Kombinirati upotrebu sustava pomoći i Interneta kod korištenja CAS programa (A6, B6, C6, D6, E5, F5) 6. Koristiti se samostalno i kritički relevantnom i recentnom stručnom literaturom (A7, B7, C7, D6, E6, F5) 			
1.4. Sadržaj predmeta			
Pregled besplatnih CAS programa koji se mogu koristiti pri rješavanju matematičkih problema. U odabranom CAS programu ce se obraditi sljedeće: sučelje, CAS program kao kalkulator, algebarska izračunavanja, simbolička matematika, funkcije i programi, liste, grafika i zvuk, datoteke, Napredniji elementi: izrazi, operacije s funkcijama, uzorci, transformacijska pravila i definicije, struktura grafike i zvuka, dodatni paketi Upotreba CAS programa za rješavanje matematičkih problema: brojevi, matematičke funkcije, algebarske manipulacije, integralni račun, redovi, granične vrijednosti, linearna algebra			
1.5. Vrste izvođenja nastave		<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input checked="" type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo

1.6. Komentari										
1.7. Obveze studenata										
Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).										
1.8. Praćenje ¹⁹ rada studenata										
Pohađanje nastave i aktivnost u nastavi	1	Seminarski rad	1	Eksperimentalni rad						
Pismeni ispit (kolokvij)	2	Usmeni ispit		Esej	Istraživanje					
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	1	Referat	Praktični rad					
Portfolio										
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitnu										
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitnu.										
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave. Ukupan broj bodova koje student može ostvariti je 100. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.										
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)										
Originalini priručnici korištenih progarma										
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)										
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu										
Naslov	Broj primjeraka	Broj studenata								
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija										
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provedet će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.										

¹⁹

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Euklidski prostori	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	2.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	5 30 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA		
1.1. Ciljevi predmeta		
Cilj ovog kolegija je upoznati studente s euklidskim prostorima. U tu svrhu u okviru kolegija je potrebno:		
<ul style="list-style-type: none"> – definirati osnovne pojmove i svojstva afinih i euklidskih prostora, – analizirati jednadžbe ravnina afinog prostora, – analizirati presjeke i spojeve k-ravnina i njihove dimenzije te opisati međusobne odnose k-ravnina, – analizirati analitičku geometriju afinog i euklidskog prostora, – definirati affini koordinatni sustav i opisati transformaciju affinih koordinatnih sustava, – opisati konveksne skupove te definirati i razlikovati paralelotope i simplekse kao podskupove afinog prostora, – analizirati affina preslikavanja, njihova svojstva i analitički prikaz, – analizirati analitičku geometriju i izometrije euklidskih prostora, – analizirati postupak određivanja volumena simpleksa i paralelotopa, – definirati izometričke operatore i grupe simetrija. 		
1.2. Uvjeti za upis predmeta		
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet		
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:		
<ol style="list-style-type: none"> 2. razlikovati pojmove affini i euklidskih prostora te argumentirano primijeniti odgovarajuća svojstva u rješavanju zadataka (A6, B5, C6, D6, E5, F5), 3. provesti postupke dobivanja odgovarajućih jednadžbi k-dimenzionalnih ravnina afinog prostora (A5, B5, C6, D6, E5, F4), 4. razlikovati međusobne odnose k-ravnina te argumentirano odrediti presjeke i spojeve ravnina u affinom prostoru (A6, B6, C5, D6, E5, F6), 5. uvesti i argumentirano primijeniti analitičku geometriju affinih prostora i transformacije affinih koordinatnih sustava (A6, B6, C5, D5, E5, F5), 6. klasificirati osnovne konveksne skupove točaka u n-dimenzionalnom affinom prostoru i argumentirano primijeniti svojstva konveksnih skupova affinih prostora prilikom rješavanja zadataka (A5, B6, C6, D5, E5, F5), 7. argumentirano primijeniti definiciju affinog preslikavanja i njegov analitički prikaz prilikom rješavanja zadataka (A5, B6, C6, D5, E5, F5), 8. analizirati svojstva i preslikavanja n-dimenzionalnog euklidskog prostora, posebno izometrije euklidskog prostora te izometričke operatore (A6, B6, C6, D5, E6, F6) 9. argumentirano primijeniti obrađena svojstva, postupke i formule prilikom rješavanja zadataka (A6, B6, C5, D5, E5, F4), 10. matematički dokazati uteviljenost svih postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog kolegija (A7, B6, C6, D6, E5, F5). 		
1.4. Sadržaj predmeta		

Pojam afinog i euklidskog prostora. Afini potprostori (k -ravnine). Presjek i suma afinih potprostora i njihova dimenzija. Paralelnost. Koordinatni sustav u A^n . Transformacije koordinatnog sustava. Jednadžba hiperravnine i pravca. Konveksnost. Poluprostori. Paralelotopi. Simpleksi. Afina preslikavanja. Translacija.

Euklidski prostor. Pravokutni koordinatni sustav. Udaljenost dviju točaka. Kut dvaju pravaca, pravca i k -ravnine. Okomitost pravca i k -ravnine, okomitost ravnine. Udaljenost točke od k -ravnine. Kut dviju ravnina. Volumen paralelotopa. Izometrije u E^n . Izometrički operatori. Grupa izometrija. Sukladnost. Pomaci. Translације i centralne simetrije. Rotacije. Simetrije u odnosu na hiperravnine. Teorem o dekompoziciji izometrije.

1.5. Vrste izvođenja nastave		<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo		
1.6. Komentari					
1.7. Obvezne studenata					
Studenti su obavezni prisustovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).					
1.8. Praćenje²⁰ rada studenata					
Pohađanje nastave i aktivnost u nastavi		1.5	Seminarski rad		
Pisani ispit (kolokviji)	1.8	Usmeni ispit	Eksperimentalni rad		
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	Istraživanje		
Portfolio			Praktični rad		
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitу					
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitу.					
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se boduje s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.					
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)					
1. S. Kurepa: Konačno-dimenzionalni vektorski prostori i primjene, Liber, Zagreb, 1992. 2. M. Polonijo et al., Euklidski prostori, skripta, http://web.math.hr/nastava/eukl/EP.pdf					
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)					
5. M. Audin: Geometry, Springer-Verlag, Heidelberg, 2002. 6. D. M. Bloom: Linear Algebra and Geometry, Cambridge University Press, Cambridge, 1988. 7. K. W. Gruenberg, A.J. Weir: Linear Geometry, Springer, New York, 1977. 8. P. J. Ryan, Euclidean and non-Euclidean Geometry – an analytic approach, Cambridge Univ. Press, Cambridge, 1991.					
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu					
Naslov		Broj primjeraka	Broj studenata		

²⁰ VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija

U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provede se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Matematička logika	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	2.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	5 30 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA
<p>1.1. Ciljevi predmeta</p> <p>Svrha je programa usvajanje osnovnih pojmove logike. Logičko zaključivanje u osnovi je čitave matematike. Ovaj kolegij omogućuje studentima:</p> <ul style="list-style-type: none"> - upoznavanje s formalnom matematičkom logikom - kroz osnove logike sudova i logike prvog reda upoznaje se podjela na sintaksu i semantiku te njihov odnos - formalnim logičkim sustavima precizira se shvaćanje strogog dokaza i teorema, kao i poimanje matematičkih objekata.
<p>1.2. Uvjeti za upis predmeta</p>
<p>1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet</p> <p>Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. opisati pojam formule te formulirati interpretaciju formule u logici sudova i logici prvog reda (A6, B6, D5, E5, F6) 2. formulirati pojmove i analizirati na primjerima valjnost, ispunjivost, oborivost formula te implikaciju i ekvivalenciju formula logike sudova i logike prvog reda (A6, B6, D5, E5, F6) 3. analizirati izrazivost propozicionalnih veznika (A6, B6, D5, E5, F6) 4. konstruirati normalne forme za formule logike sudova (A6, B6, D5, E5, F6) 5. konstruirati preneksne normalne forme za formule logike prvog (A6, B6, D5, E5, F6) 6. formulirati pojam dokaza i pojam teorema u formalnim sustavima računa sudova i prirodne dedukcije te opisati osnovne pripadne metarezultate (A6, B6, D5, E5, F6) 7. analizirati i konstruirati izvode u sustavu prirodne dedukcije za logiku sudova (A6, B6, D5, E5, F6) 8. objasniti ulogu matematičke logike u cijelokupnoj matematici kao znanosti, povijesnu i intuitivnu važnost logike sudova te razloge zbog kojih su nastale jače logičke teorije, prvenstveno logika prvoga reda (A6, B6, D5, E5, F6) 9. opisati osnovne metarezultate i ograničenja logike prvog reda (A5, B5, D5, E5, F6) 10. matematički dokazati uteviljenost postupaka i teorijskih rezultata kojima se služe u okviru ovog predmeta (A6, B6, D5, E5, F5)
<p>1.4. Sadržaj predmeta</p> <p>Klasična logika sudova: sintaksa, semantika. Propozicionalni veznici. Konjunktivna i disjunktivna normalna forma. Craigova lema. Testovi valjanosti.</p> <p>Račun sudova i sustav prirodne dedukcije: konzistentnost i potpunost skupova formula, teorem dedukcije, teorem adekvatnosti, teorem potpunosti i teorem kompaktnosti. Ograničenja logike sudova.</p> <p>Teorije prvog reda: sintaksa, semantika. Preneksna normalna forma. Glavni test za logiku prvog reda. Osnovni metarezultati i ograničenja logike prvog reda.</p>

1.5. Vrste izvođenja nastave		<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratoriј <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo		
1.6. Komentari					
1.7. Obveze studenata					
Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).					
1.8. Praćenje ²¹ rada studenata					
Pohađanje nastave i aktivnost u nastavi		0.5	Seminarski rad		
Pisani ispit (kolokvij)	2	Usmeni ispit	Esej		
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	Referat		
Portfolio			Praktični rad		
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitу					
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitу.					
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se budiuje s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.					
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)					
- M. Vuković: Matematička logika, Element, 2009.					
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)					
- A. G. Hamilton: Logic for Mathematicians, Cambridge, University Press, 1988. - E. Mendelson: Introduction to Mathematical Logic, Chapman and Hall, 1964.					
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu					
Naslov		Broj primjeraka	Broj studenata		
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija					
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provest će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.					

²¹

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Seminar I - Geometrijske konstrukcije	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	2.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	3 0 + 0 + 30

1. OPIS PREDMETA		
1.1. Ciljevi predmeta		
<ul style="list-style-type: none"> putem studentskih seminara obraditi razne teme iz geometrije koje se ne obrađuju detaljno u ostalim kolegijima razviti sposobnost usmenog izražavanja pri korištenju matematičke terminologije razvijati sposobnost korištenja geometrijskog pribora pri konstrukciji 		
1.2. Uvjeti za upis predmeta		
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet		
<p>Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:</p> <ol style="list-style-type: none"> prezentirati matematičke koncepte korištenjem nastavnih sredstava i pomagala (B6, C6, D6, E5, F5), izražavati se točno i tečno u govornoj komunikaciji na jeziku poučavanja i službenom jeziku (D6), upotrebljavati različita komunikacijska sredstva i oblike (D5), odabrat odgovarajuću geometrijsku konstrukciju za rješavanje konstruktivnih zadaća (A5, B5, C5, D5, E4, F5), izvesti konstrukciju korištenje geometrijskog pribora (C6, E5), analizirati i razlikovati metode i konstrukcije koji se uvode u okviru ovog kolegija (A4, B5, C5, D5, E4, F5). 		
1.4. Sadržaj predmeta		
<p>Osnovne konstrukcije ravnalom i šestarom. Metoda geometrijskih mesta. Metoda osne simetrije. Metoda translacije. Metoda rotacije. Metoda centralne simetrije. Metoda homotetije. Metoda inverzije. Algebarska metoda. Konstrukcije pravilnih poligona. Konike. Geometrijske konstrukcije u ograničenoj ravnini. Hilbertove konstrukcije. Mohr-Mascheronijeve konstrukcije. Poncelet Stienerove konstrukcije. Rješivost konstrukcija ravnalom i šestarom. Klasični problemi. Rješivost konstrukcija pravilnih mnogokuta.</p>		
1.5. Vrste izvođenja nastave	<input type="checkbox"/> predavanja <input checked="" type="checkbox"/> seminari i radionice <input type="checkbox"/> vježbe <input type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo
1.6. Komentari		
1.7. Obveze studenata	<p>Student je obavezan redovito prisustvovati i aktivno sudjelovati u nastavi. Student je dužan tijekom semestra pripremiti i javno predstaviti seminarski rad, pri čemu će bitan element ocjene predavanja činiti pravilna uporaba geometrijskog pribora. Student je obavezan redovito prisustvovati u preostalim javnim izlaganjima i aktivno sudjelovati u njihovoj analizi.</p>	

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Kompleksna analiza	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	2.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	7 45 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA		
1.1. Ciljevi predmeta		
Osnovni cilj kolegija jest da studenti upoznaju i usvoje:		
- osnovna svojstva kompleksnih funkcija kompleksne varijable - pojam i računanje krivuljnih integrala - koncept Laurentovog razvoja i teorem o reziduumu		
1.2. Uvjeti za upis predmeta		
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet		
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:		
1. argumentirano primijeniti svojstva kompleksnih funkcija kompleksne varijable (A6, B6, E5, F6) 2. objasniti pojam krivuljnih integrala te argumentirano primijeniti metode računanja (A6, B6, E5, F6) 3. opisati i objasniti pojam Taylorovog i Laurentovog reda, te argumentirano primijeniti metode razvoja funkcije (A6, B6, E5, F6) 4. opisati i identificirati pojam singulariteta te klasificirati singularitete zadane funkcije (A6, B6, E5, F6) 5. iskazati i objasniti teorem o reziduumu te argumentirano primijeniti teorem pri računanju integrala (A6, B6, E5, F6) 6. matematički dokazati utemeljenost svih postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog kolegija (A6, B6, D5, E5, F6)		
1.4. Sadržaj predmeta		
Holomorfne funkcije. Cauchy-Riemannovi uvjeti. Elementarne funkcije. Cauchyjev teorem. Indeks krivulje. Cauchyjeva integralna formula. Morerin teorem. Redovi funkcija. Derivacije i integriranje redova funkcija. Razvoj holomorfne funkcije i red potencija. Liouvilleov teorem. Laurentov razvoj funkcije. Izolirani singulariteti i njihova klasifikacija. Teorem o reziduumu i njegove primjene. Nultočke i polovi meromorfnih funkcija. Rouchéov teorem. Teorem o otvorenom preslikavanju. Princip maksimuma modula. Schwartzova lema.		
1.5. Vrste izvođenja nastave	<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo
1.6. Komentari		
1.7. Obveze studenata		

Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).

1.8. Praćenje²³ rada studenata

Pohađanje i aktivnost u nastavi	2	Seminarski rad	Eksperimentalni rad
Pismeni ispit (kolokviji)	2	Esej	Istraživanje
Projekt	Kontinuirana provjera znanja	1	Referat
Portfolio			Praktični rad

1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitу

Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitу.

Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se budiuje s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.

1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)

- H. Kraljević, S. Kurepa, Matematička analiza IV (funkcije kompleksne varijable), Tehnička 2. knjiga, Zagreb, 1984.
- S. Lang, Complex Analysis, Springer, 2003.

1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)

- M. J. Albowitz, A. S. Fokas, Complex variables, Introduction and application, Cambridge University Press, 2003.
- J. Bak, D. J. Newman, Complex Analysis, Springer, 2010.

1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu

Naslov	Broj primjeraka	Broj studenata

1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija

U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provede se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.

²³ VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Diskretna matematika	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	2.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	5 30 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA		
1.1. Ciljevi predmeta		
Cilj ovog kolegija je upoznati studente s teorijom grafova i kombinatornim načinom razmišljanja i dokazivanja. U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:		
<ol style="list-style-type: none"> 1. definirati osnovne pojmove teorije grafova, te opisati i analizirati osnovna svojstva grafova, 2. definirati povezanost u grafovima, te analizirati svojstva vezana uz povezanost, 3. opisati problem i analizirati algoritme za pronađenje najkraćeg puta (Dijkstrin algoritam, Floydov algoritam), 4. definirati Eulerov i Hamiltonov graf i analizirati njihova svojstva, 5. opisati problem spajanja i analizirati algoritme za nalaženje optimalnog stabla (Kruskalov algoritam, Primov algoritam), 6. definirati pojmove vezane za bojenje grafova, analizirati pripadna svojstva i probleme bojenja, 7. definirati planarne grafove i analizirati njihova svojstva, 8. analizirati grafove poliedara i opisati njihova svojstva, 9. analizirati i usporediti određene algoritme. 		
1.2. Uvjeti za upis predmeta		
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet		
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:		
<ol style="list-style-type: none"> 1. Formulirati i analizirati svojstva grafova, te argumentirano primijeniti osnovna svojstva grafova i odgovarajuće tvrdnje pri rješavanju zadataka. (A7, B6, C6, D6, E5, F5) 2. Analizirati probleme povezanosti grafova i pripadna svojstva, te argumentirano primijeniti svojstva različitih vrsta šetnji u grafu na rješavanje zadataka. (A7, B6, C6, D6, E5, F5) 3. Analizirati i argumentirano primijeniti algoritme za nalaženja najkraćeg puta u grafu. (A6, B7, C6, D5, E4, F5) 4. Analizirati Eulerove i Hamiltonove grafove, te kritički primijeniti odgovarajuće definicije i svojstva pri rješavanju zadataka. (A6, B6, C6, D6, E5, F5) 5. Riješiti probleme spajanja i argumentirano primijeniti algoritme za nalaženje optimalnog stabla u zadacima. (A6, B7, C6, D5, E4, F5) 6. Analizirati probleme bojenja grafova, te argumentirano primijeniti odgovarajuće postupke pri rješavanju spomenutih problema. (A6, B6, C6, D6, E5, F5) 7. Argumentirano upotrijebiti svojstva koja se odnose na planarne grafove u rješavanju zadataka. (A7, B6, C6, D6, E5, F5) 8. Analizirati grafove poliedara i opisati njihova svojstva, te formulirati svojstva i uvjete egzistencije pravilnih n-terokuta i poliedara. (A7, B6, C6, D6, E4, F5) 9. Usporediti neke algoritme i primijeniti ih u rješavanju problema. (A6, B7, C7, D5, E4, F5) 10. Matematički dokazati utemeljenost postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog kolegija. (A7, B6, C6, D6, E5, F5) 		
1.4. Sadržaj predmeta		

Uvod. Pojam i osnovna svojstva grafova. Matrica incidencije i susjedstva. Stupanj vrha. Šetnje, putovi, ciklusi. Problem najkraćeg puta. Stabla. Problem spajanja. Eulerove ture i Hamiltonovi ciklusi. Težinski grafovi. Problem trgovackog putnika. Kineski problem poštara. Povezanost grafova. Pouzdane komunikacijske mreže. Bojenje grafova. Brooksov i Vizingov teorem. Kromatski polinom. Planarni grafovi. Eulerova formula. Grafovi poliedara.

1.5. Vrste izvođenja nastave		<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo																
1.6. Komentari		Program kolegija Diskretna matematika u korelaciji je s ostalim kolegijima iz matematike, posebice s kolegijem Kombinatorika, i s informatičkim kolegijima kao što su Algoritmi i strukture podataka i Formalni jezici i jezični procesori.																	
1.7. Obveze studenata		Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).																	
1.8. Praćenje²⁴ rada studenata																			
<table border="1"> <tr> <td>Pohađanje nastave i aktivnost u nastavi</td> <td>1.5</td> <td>Seminarski rad</td> <td>Eksperimentalni rad</td> </tr> <tr> <td>Pisani ispit (kolokviji)</td> <td>1.8</td> <td>Usmeni ispit</td> <td>1.1 Esej</td> </tr> <tr> <td>Projekt</td> <td></td> <td>Kontinuirana provjera znanja</td> <td>0.6 Referat</td> </tr> <tr> <td>Portfolio</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </table>		Pohađanje nastave i aktivnost u nastavi	1.5	Seminarski rad	Eksperimentalni rad	Pisani ispit (kolokviji)	1.8	Usmeni ispit	1.1 Esej	Projekt		Kontinuirana provjera znanja	0.6 Referat	Portfolio					
Pohađanje nastave i aktivnost u nastavi	1.5	Seminarski rad	Eksperimentalni rad																
Pisani ispit (kolokviji)	1.8	Usmeni ispit	1.1 Esej																
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	0.6 Referat																
Portfolio																			
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitу																			
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitу.																			
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se budi s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.																			
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)																			
1. D. Veljan: Kombinatorika i diskretna matematika, Algoritam, Zagreb, 2001.																			
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)																			
1. N. Biggs: Discrete Mathematics, Clarendon Press, Oxford, 1989. 2. R. Diestel: Graph Theory, Second edition, Springer-Verlag, New York, 2000. 3. R. Balakrishnan, K. Ranganathan: A Textbook of Graph Theory, Springer-Verlag, Heidelberg, 2000. 4. R. Balakrishnan: Schaum's outline of Graph Theory: Included Hundreds of Solved Problems, McGraw-Hill, New York, 1997. 5. C. L. Liu: Elements of Discrete Mathematics, McGraw-Hill, New York, 1987. 6. L. Lovasz: Combinatorial Problems and Exercises, North-Holland, Amsterdam, 1979. 7. F. Robert: Applied Combinatorics, Prentice Hall, Englewood Cliffs, 1984.																			
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu																			
<table border="1"> <thead> <tr> <th>Naslov</th> <th>Broj primjeraka</th> <th>Broj studenata</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table>		Naslov	Broj primjeraka	Broj studenata															
Naslov	Broj primjeraka	Broj studenata																	
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija																			
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provest će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.																			

²⁴ **VAŽNO:** Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Teorija skupova	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	2.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	6 30 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA

1.1. Ciljevi predmeta

Osnovni cilj kolegija jest upoznati studente s osnovnim pojmovima i rezultatima teorije skupova te ih osposobiti za primjenu istih. U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:

- definirati osnovne pojmove intuitivne teorije skupova,
- opisati osnovno poimanje beskonačnosti u teoriji skupova,
- definirati osnovne pojmove i principe kardinalne aritmetike,
- definirati osnovno poimanje ordinalnih brojeva i principe ordinalne aritmetike,
- uvesti problematiku intuitivne teorije skupova (paradoksi).

1.2. Uvjeti za upis predmeta

1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet

Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:

1. opisati pojam skupa te prezentirati problematiku intuitivne teorije skupova, odnosno potrebu aksiomatskog zasnivanja teorije skupova (A6, B6, E5, F6)
2. opisati osnovne skupovne operacije te generalizirati operacije unije i presjeka na proizvoljnim familijama skupova (A7, B7, D5, E5, F6)
3. formulirati pojam relacija i funkcije te ih analizirati i klasificirati prema njihovim svojstvima (A7, B7, D5, E5, F6)
4. formulirati pojmove konačnog i beskonačnog skupa, prebrojivog i neprebrojivog skupa te ih argumentirano klasificirati (A6, B6, D5, E5, F6)
5. formulirati pojam kardinalnog broja te argumentirano rješavati zadatke i primjeniti teoreme iz aritmetike i uređaja kardinalnih brojeva (A6, B6, D5, E5, F6)
6. formulirati pojam i analizirati svojstva sličnosti i uređajne karakteristike skupova (A6, B6, D5, E5, F6)
7. formulirati pojam ordinalnog broja i argumentirano razlikovati i uspoređivati ordinalne brojeve (A6, B6, D5, E5, F6)
8. argumentirano rješavati zadatke i primjenjivati teoreme iz aritmetike i uređaja ordinalnih brojeva (A6, B6, D5, E5, F6)
9. matematički dokazati utemeljenost svih postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog kolegija (A6, B6, D5, E5, F6)

1.4. Sadržaj predmeta

Uvod. Intuitivni pojam skupa. Skupovi i klase. Algebra skupova. Proizvoljne unije i presjeci. Relativni komplement i DeMorganovi zakoni. Partitivni skup. Karteziјev produkt skupova. Relacije. Binarne relacije. Relacija ekvivalencije. Relacija uređaja. Dobar uređaj. Princip transfinitne indukcije. Funkcije. Ekvipotentni skupovi. Konačni i beskonačni skupovi. Prebrojivost i neprebrojivost. Kardinalni brojevi. Uređenje i aritmetika kardinalnih brojeva. Sličnosti i redni tip. Sličnosti na dobro uređenim skupovima. Ordinalni brojevi. Uređenje i aritmetika ordinalnih brojeva. Paradoksi teorije skupova i potreba za aksiomatizacijom teorije skupova.

1.5. Vrste izvođenja nastave		<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo		
1.6. Komentari					
1.7. Obveze studenata					
Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).					
1.8. Praćenje ²⁵ rada studenata					
Pohađanje i aktivnost u nastavi		1	Seminarski rad	Eksperimentalni rad	
Pismeni ispit	2	Usmeni ispit	Esej	Istraživanje	
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	Referat	Praktični rad	
Portfolio					
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitu					
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitu.					
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se budi s maksimalno 30 bodova.					
Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.					
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)					
1. P. Papić: Uvod u teoriju skupova, HMD, Zagreb, 2000.					
2. S. Lipschutz: Set Theory and Related Topics, McGraw Hill, New York, 1964.					
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)					
1. M. Vuković – Teorija skupova, skripta PMF, Zagreb, 2013.					
2. H. B. Enderton: Elements of Set Theory, Academic press, New York, 1977.					
3. A. Levy: Basic Set Theory, Springer 1979.					
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu					
Naslov		Broj primjeraka	Broj studenata		
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija					
U zadnjem tjednu nastave provoditi će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provest će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.					

²⁵

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Uvod u vjerojatnost i matematičku statistiku	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	2.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	6 30 + 45 + 0

1. OPIS PREDMETA		
1.1. Ciljevi predmeta		
Cilj ovog predmeta je upoznati studente s osnovnim pojmovima, rezultatima i metodama teorije vjerojatnosti i matematičke statistike te ih osposobiti za primjenu istih. U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:		
<ul style="list-style-type: none"> - definirati vjerojatnost i analizirati njena svojstva - opisati osnovne primjere vjerojatnosnih prostora - definirati uvjetnu vjerojatnost i analizirati njena svojstva - opisati model Bernoullijeve sheme - definirati slučajne varijable, njihove funkcije gustoće i distribucije - opisati primjere vjerojatnosnih razdioba - definirati i analizirati numeričke karakteristike vjerojatnosnih razdioba - analizirati zakone velikih brojeva - osposobiti studente za samostalnu uporabu programa za statističku obradu podataka 		
1.2. Uvjeti za upis predmeta		
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet		
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:		
<ul style="list-style-type: none"> • Argumentirano primjeniti svojstva vjerojatnosti (A6, B6, D2, E4, F5) • Kritički primjeniti kombinatorne metode na rješavanje problema iz vjerojatnosti (A6, B6, D1, E4, F5) • Riješiti zadatke koristeći uvjetnu i geometrijsku vjerojatnost (A6, B6, D2, E4, F5) • Riješiti zadatke primjenom svojstava slučajnih varijabli (A6, B6, D1, E4, F5) • Analizirati zakone velikih brojeva (A6, B6, D2, E4, F5) • Analizirati osnovne vjerojatnosne modele i razdiobe (A6, B6, D2, E4, F5) • Formulirati osnovne pojmove deskriptivne statistike (A6, B6, D2, E4, F5) • Provesti statističku obradu podataka i testiranje hipoteza primjenom računala (A6, B6, D2, E5, F5) • Matematički dokazati utemeljenost postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog predmeta (A7, B7, D2, E4, F5) 		
1.4. Sadržaj predmeta		
Vjerojatnosni prostor. Uvjetna vjerojatnost. Nezavisnost događaja. Formula potpune vjerojatnosti. Bayesova formula. Geometrijska vjerojatnost. Bernoullijeva shema. Slučajne varijable. Matematičko očekivanje i varijanca. Funkcija gustoće. Funkcija distribucije. Slučajni vektori. Zakon velikih brojeva. Funkcije izvodnice. Neprekidne slučajne varijable. Deskriptivna statistika. Srednje vrijednosti. Mjere disperzije. Mjere asimetrije i zaobljenosti. Vremenski nizovi. Testiranje hipoteza.		

1.5. Vrste izvođenja nastave	<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo			
1.6. Komentari	Vježbe iz ovog kolegija izvodić će se u auditornom obliku (30 sati) te na računalu (15 sati).				
1.7. Obveze studenata					
Studenti su obavezni prisustovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).					
1.8. Praćenje ²⁶ rada studenata					
Pohađanje i aktivnost u nastavi	2	Seminarski rad		Eksperimentalni rad	
Pismeni ispit (kolokviji)	2	Usmeni ispit	1.5	Esej	Istraživanje
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	0.5	Referat	Praktični rad
Portfolio					
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitу					
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitу.					
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se boduje s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.					
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)					
1.	N. Sarapa, Teorija vjerojatnosti, Školska knjiga, Zagreb, 2002.				
2.	N. Sarapa, Vjerojatnost i statistika, I i II dio, Školska knjiga, Zagreb, 1993.				
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)					
1.	W. Feller, An Introduction to Probability Theory and Its Application, J. Wiley, New York, 1966.				
2.	M. Papić, Primijenjena statistika u MS Excelu, Zoro, Zagreb, 2012.				
3.	I. Sošić, Primijenjena statistika, Školska knjiga, Zagreb, 2004.				
4.	T. Pogany, Teorija vjerojatnosti, zbirka riješenih ispitnih zadataka, Sveučilište u Rijeci, Odjel za pomorstvo, Rijeka, 1999.				
5.	M. Spiegel, J. Schiller, R. A. Srinivasan, Probability and Statistics, Schaum's outline series, McGraw-Hill Book, Company, New York, 2000.				
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu					
Naslov		Broj primjeraka		Broj studenata	
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija					
U zadnjem tjednu nastave provoditi će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provest će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.					

²⁶

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Diferencijalne jednadžbe	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	2.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	6 30 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA		
1.1. Ciljevi predmeta		
Cilj kolegija je upoznavanje studenata s osnovama teorije običnih diferencijalnih jednadžbi. U tu svrhu studentima se prezentiraju slijedeće celine:		
<ul style="list-style-type: none"> • obične diferencijalne jednadžbe prvog reda: egzistencija i jedinstvenost rješenja, • tipovi diferencijalnih jednadžbi prvog reda i metode njihovih rješavanja: jednadžbe sa separiranim varijablama, homogene i egzaktne jednadžbe, linearne, Bernoullijeve, Ricattijeve i Lagrangeove jednadžbe, • obične diferencijalne jednadžbe višeg reda: jednadžbe rješive po najvišoj derivaciji, linearne homogene i nehomogene jednadžbe i jednadžbe s konstantnim koeficijentima, • sustavi diferencijalnih jednadžbi : normalni sustavi i sustavi linearnih diferencijalnih jednadžbi, egzistencija i jedinstvenost rješenja. • parcijalne diferencijalne jednadžbe: pojam, klasifikacija i osnovni primjeri 		
1.2. Uvjeti za upis predmeta		
Nema uvjeta		
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet		
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:		
<ol style="list-style-type: none"> 1. analizirati diferencijalnu jednadžbu s primjenom na određivanje egzistencije i jedinstvenosti rješenja (A6, B6, E4, F5), 2. argumentirano razlikovati tipove diferencijalnih jednadžbi prvog reda i sukladno tome primijeniti različite metode rješavanja (A6, B6, E4, F5), 3. analizirati diferencijalne jednadžbe višeg reda i primijeniti različite metode njihovih rješavanja (A6, B6, E4, F5), 4. rješavati sustave diferencijalni jednadžbi i analizirati njihova rješenja (A6, B6, E4, F5), 5. primijeniti diferencijalne jednadžbe u fizici (A7, B6, E4, F5), 6. analizirati i rješiti neke primjere parcijalnih diferencijalnih jednadžbi s različitim inicijalnim i rubnim uvjetima (A6, B6, E4, F5) 7. matematički dokazati uteviljenost postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog predmeta (A6, B6, E4, F5) 		
1.4. Sadržaj predmeta		
Obične diferencijalne jednadžbe prvog reda: pojam rješenja, polje smjerova, integralne krivulje, teorem o egzistenciji i jedinstvenosti rješenja; elementarne metode i rješavanja; jednadžbe sa separiranim varijablama, homogene jednadžbe, linearne jednadžbe, egzaktne jednadžbe i jednadžbe koje se na njih svode integracionim faktorom. Obične diferencijalne jednadžbe višeg reda: jednadžbe rješive po najvišoj derivaciji; sustavi običnih diferencijalnih jednadžbi, suočenje na normalni sustav prvog reda; teorem o egzistenciji i jedinstvenosti rješenja. Linearne diferencijalne jednadžbe i jednadžbe s konstantnim koeficijentima; teorem egzistencije i jedinstvenosti za sustav linearnih jednadžbi, metoda varijacije konstanti. Parcijalne diferencijalne jednadžbe, klasifikacija linearnih diferencijalnih jednadžbi drugog reda i kanonski oblik. Osnovne jednadžbe matematičke fizike. Valna jednadžba, jednadžba provođenja topline i Laplaceova jednadžba.		

1.5. Vrste izvođenja nastave	<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo				
1.6. Komentari						
1.7. Obveze studenata						
Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).						
1.8. Praćenje ²⁷ rada studenata						
Pohađanje i aktivnost u nastavi	1	Seminarski rad	Eksperimentalni rad			
Pismeni ispit (kolokviji)	2.5	Usmeni ispit	1.5	Esej	Istraživanje	
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	1	Referat	Praktični rad	
Portfolio						
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitu						
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitu.						
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se budi s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.						
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)						
1. Pontrjagin: Obyknovennye differencialnye uravneniya, Nauka, Moskva, 1970. 2. G. Birkhoff, G. C. Rota: Ordinary differential equations, Blaisdell, Waitham, Mass, 1969. 3. Shair Ahmad, Antonio Ambrosetti: A Textbook on Ordinary Differential Equations, Springer, 2014.						
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)						
1. C. R. Wylie: Differential equations, Mc Graw Hill, New York , 1979. 2. I. Aganović, K. Veselić: Linearne diferencijalne jednadžbe, Element, Zagreb, 1997.						
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu						
Naslov		Broj primjeraka		Broj studenata		
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija						
U zadnjem tjednu nastave provoditi će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provest će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.						

²⁷ VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Metrički prostori	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	5 30 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA
1.1. Ciljevi predmeta
Cilj ovog predmeta je upoznati studente s osnovnim pojmovima, rezultatima i metodama matematičke analize u metričkim i topološkim prostorima, te ih osposobiti za primjenu istih. U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:
<ul style="list-style-type: none"> - definirati metričke prostore, opisati primjere zadavanja metrike i dvije vrste ekvivalencije metrike - definirati topološke prostore, otvorene skupove i bazu topologije, te topologiju inducirana metrikom - definirati pojmove interiora i zatvarača skupa - definirati i opisati primjere za direktni produkt metričkih prostora i potprostor metričkog prostora - definirati aksiome separacije u topološkom prostoru, dokazati da oni vrijede u metričkim prostorima - definirati aksiome prebrojivosti i separabilnost prostora, provjeriti koji od njih vrijede u metričkim prostorima - definirati konvergenciju niza točaka u metričkom prostoru, Cauchy-eve nizove, potpunost prostora, gomilište niza - definirati neprekidnost i uniformnu neprekidnost funkcije između metričkih prostora, nizove funkcija, konvergenciju i uniformnu konvergenciju niza funkcija - definirati povezanost i kompaktnost topoloških prostora, te uvesti karakterizaciju kompaktnosti u metričkim i Euklidskim prostorima
1.2. Uvjeti za upis predmeta
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:
<ul style="list-style-type: none"> • Provjeriti je li zadana funkcija metrika, navesti primjere metričkih prostora, analizirati jesu li zadane metrike topološki ili uniformno ekvivalentne (A6, B6, C6, D6, E4, F5) • Analizirati da li familija skupova zadaje topologiju, ili bazu za neku topologiju (A6, B6, C6, D6, E4, F5) • Riješiti zadatke određivanja interiora i zatvarača skupa u topološkom i metričkom prostoru (A6, B6, C6, D6, E4, F5) • Konstruirati metrički prostor pomoću produkta metričkih prostora, te uzimanjem potprostora metričkog prostora (A7, B7, C6, D6, E4, F5) • Analizirati separaciona svojstva topoloških prostora, demonstrirati da metrički prostor zadovoljava sve aksiome separacije (A6, B6, C6, D6, E4, F5) • Provjeriti vrijede li u metričkom prostoru aksiomi prebrojivosti i separabilnost (A6, B6, C6, D6, E4, F5) • Analizirati konvergenciju niza točaka, i identificirati gomilište niza točaka u metričkom prostoru, razlikovati konvergentne i Cauchy-eve nizove, provjeriti je li prostor potpun (A7, B6, C6, D6, E4, F5) • Istražiti neprekidnost i uniformnu neprekidnost funkcije između metričkih prostora, razlikovati običnu od uniformne konvergencije niza funkcija (A7, B6, C6, D6, E4, F5) • Analizirati je li prostor povezan i kompaktan, usporediti različite karakterizacije kompaktnosti (A6, B6, C6, D6, E4, F5)
1.4. Sadržaj predmeta

Metrički prostori, definicija i osnovna svojstva. Primjeri metričkih prostora. Omeđeni i potpuno omeđeni prostori. Topološki prostori. Ekvivalentne metrike. Direktni produkt prostora. Potprostor metričkog prostora. Baza topologije. Interior i zatvarač skupa. Aksiomi prebrojivosti i separabilnost. Produkt i kvocijent prostora. Aksiomi separacije. Konvergencija nizova. Podnizovi, gomilišta i konvergencija. Nizovi funkcija. Cauchyjevi nizovi. Potpun metrički prostor. Banachov teorem o fiksnoj točki. Neprekidna preslikavanja. Uniformna neprekidnost. Povezanost prostora. Kompaktnost. Karakterizacija kompaktnosti u metričkim prostorima. Kompaktnost u \mathbb{R}^n .

<p>1.5. Vrste izvođenja nastave</p>	<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo
--	--	--

1.6. Komentari

1.7. Obyeze studenata

Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).

1.8. Praćenje²⁸ rada studenata

Pohađanje i aktivnost u nastavi	1.6	Seminarski rad	Eksperimentalni rad
Pismeni ispit (kolokviji)	2	Usmeni ispit	Istraživanje
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	Praktični rad
Portfolio			

1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitu

Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitu.

Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se budi s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.

1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)

1. S. Mardešić, Matematička analiza u n-dimenzionalnom realnom prostoru I, Školska knjiga, Zagreb, 1974.

1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)

1. Schaum's outline series, Theory and Problems of General Topology, McGraw-Hill book company, USA, 1965.
 2. M. Mršević, Zbirka rešenih zadataka iz topologije, Naučna knjiga, Beograd, 1977.

1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu

1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija

U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provedet će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Uvod u numeričku matematiku	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	5 30 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA
<p>1.1. Ciljevi predmeta</p> <p>Cilj kolegija je upoznati studente s osnovnim metodama numeričke matematike i primjenom tih metoda na konkretnе probleme. U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:</p> <ul style="list-style-type: none"> - opisati i razlikovati numeričke greške, - opisati razne načine optimizacije računalnih programa kojima se koristimo prilikom numeričkih izračuna, - opisati probleme koji se rješavaju numeričkim metodama za interpolaciju funkcije, - definirati i razlikovati interpolacijske polinome, analizirati njihova svojstva i primijeniti ih na konkretnе probleme, - opisati način interpolacije funkcije polinomijalnom funkcijom, analizirati svojstva takve interpolacije i primijeniti ih na konkretnе probleme, - odrediti greške interpolacijskih polinoma te prednosti i mane svakog obrađenog interpolacijskog polinoma, - opisati numeričke metode za rješavanje nelinearnih jednadžbi, analizirati njihova svojstva i primijeniti metode na konkretnе probleme, - opisati numeričke metode za rješavanje algebarskih jednadžbi, analizirati njihova svojstva i primijeniti metode na konkretnе probleme, - opisati numeričke metode za izračunavanje određenih integrala, analizirati njihova svojstva i primijeniti metode na konkretnе probleme, - opisati numeričke metode za rješavanje običnih diferencijalnih jednadžbi, analizirati njihova svojstva i primijeniti metode na konkretnе probleme, - demonstrirati korištenje modernih računala u svrhu rješavanja različitih problema iz numeričke matematike, posebice onih problema predstavljenih na kolegiju te ukazati studentima na specifičnu optimizaciju isprogramiranih algoritama s ciljem dobivanja što preciznijih rezultata do na zadanu točnost.
<p>1.2. Uvjeti za upis predmeta</p>
<p>1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet</p> <p>Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Kritički analizirati problem interpolacijske aproksimacije za zadanu funkciju (A7, B6, C5, D5, E4, F5) 2. Argumentirano primijeniti neki od interpolacijskih polinoma (A6, B6, C6, D5, E4, F5) 3. Analizirati rezultate dobivene metodama interpolacije te ocjenjivati nastale greške (A6, B5,C6, D5, E4, F5) 4. Razlikovati interpolaciju funkcije polinomom i interpolaciju funkcije po dijelovima polinomijalnom funkcijom te analizirati prednosti i nedostatke pojedine metode (A6, B4, C6, D5, E4, F5) 5. Argumentirano primijeniti interpolaciju linearnim i kubičnim splajnom na zadanom problemu i analizirati dobivene rezultate (A6, B4, C7, D5, E4, F5) 6. Argumentirano primijeniti metode u približnom rješavanju algebarskih i nealgebarskih jednadžbi i ocjenjivati nastale greške (A6, B6, C5, D5, E4, F5)

7. Argumentirano primjeniti metode približne integracije u rješavanju određenih integrala (A6, B4, C7, D5, E4, F5)
8. Razlikovati numeričke metode za rješavanje običnih diferencijalnih jednadžbi i argumentirano primjeniti metode za rješavanje običnih diferencijalnih jednadžbi na konkretnе probleme te analizirati dobivene rezultate (A6, B4, C6, D5, E4, F5)
9. Primjenjivati metode obrađene u kolegiju u rješavanju konkretnih problema primjenom programa i korištenjem suvremenih računala (A6, B6, C5, D5, E4, F5)
10. Matematički dokazivati uteviljenost svih postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog kolegija (A6, B4, C6, D5, E4, F5)

1.4. Sadržaj predmeta

Greška i tipovi grešaka. Greške zaokruživanja. Konačna aritmetika. Rješavanje sustava linearnih jednadžbi: Uvjetovanost sustava linearnih jednadžbi, Rješavanje trokutastog sustava, Gaussova metoda eliminacije, LU-dekompozicija. Interpolacija. Interpolacijski polinomi: Newtonovi, Lagrangeov, Čebiševljev i interpolacijski kubični spline polinom. Ocjena greške i konvergencija. Određivanje nultočaka realnih funkcija: metoda iteracije, Newtonova metoda, metoda sekante. Ocjena greške. Određivanje nultočaka polinoma. Numerička integracija: Newton-Cotesove formule, trapezna i Simpsonova formula. Konvergencija i ocjena greške. Numeričko rješavanje običnih diferencijalnih jednadžbi: Eulerova metoda, Metoda Runge-Kutta, Metoda diskretizacije. Stabilnost numeričkih algoritama na suvremenim računalima.

1.5. Vrste izvođenja nastave	<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input checked="" type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input checked="" type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo

1.6. Komentari	Vježbe iz ovog kolegija izvodić će se u auditornom obliku (10 sati) te na računalu (20 sati)
----------------	--

1.7. Obveze studenata

Studenti su obavezni prisustovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).

1.8. Praćenje²⁹ rada studenata

Pohađanje i aktivnost u nastavi			1.5	Seminarski rad	0.5	Eksperimentalni rad	
Pismeni ispit (kolokviji)	1.5	Usmeni ispit	1.5	Esej		Istraživanje	
Projekt		Kontinuirana provjera znanja		Referat		Praktični rad	
Portfolio							

1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitу

Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitу.

Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se boduje s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.

1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)

1. Rudolf Scitovski, Numerička matematika, Elektrotehnički fakultet, Osijek 1999.
2. J. Stoer, R. Bulirsch: Introduction to Numerical Analysis, second edition, Springer-Verlag, New York, 1991.
3. W. A. Smith: Elementary Numerical Analysis, Harper Row Publishers, New York, 1979.

1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)

1. Ivan Ivanšić: Numerička matematika, Element, Zagreb, 1999.
2. H. Rutishauser: Vorlesungen über numerische Mathematik I, Birkhäuser, Verlag, Basel, 1976.
3. M. Rogina, S. Singer, S. Singer: Numerička matematika, Zagreb 2002., on-line

²⁹ **VAŽNO:** Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu

Naslov	Broj primjeraka	Broj studenata

1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija

U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provest će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Modeli geometrije	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	5 30 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA				
1.1. Ciljevi predmeta				
Osnovni cilj kolegija jest upoznati studente s različitim modelima euklidske i neeuclidskih geometrije. U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:				
<ul style="list-style-type: none"> • povjesni razvoj geometrije i aksiomatiku ravninske euklidske geometrije, • opisati i usporediti različite ravninske geometrije, • opisat modele tih geometrije, • klasificirati izometrije u pojedinim ravninskim geometrijama. 				
1.2. Uvjeti za upis predmeta				
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet				
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:				
<ol style="list-style-type: none"> 1. aksiomatski izgraditi euklidsku geometriju s osvrtom na povjesni razvoj (A6, B6, C6, D6, E4, F5) 2. usporediti ravninske geometrije (euklidske i neeuclidske) i njihove modele s obzirom na njihove karakteristike (A5, B6, C6, D6, E4, F5) 3. argumentirano primjeniti odgovarajući postupak u rješavanju elementarnih geometrijski zadataka u euklidskoj ravnini (A5, B5, C5, D5, E4, F5) 4. argumentirano primjeniti odgovarajući postupak u rješavanju elementarnih geometrijski zadataka u sfernoj i projektivnoj ravnini (A5, B5, C5, D5, E4, F5) 5. argumentirano primjeniti odgovarajući postupak u rješavanju elementarnih geometrijski zadataka u hiperboličkoj ravnini (A5, B5, C5, D5, E4, F5) 6. argumentirano primjeniti svojstva sferne geometrije u rješavanju zadataka (A5, B5, C5, D5, E4, F5) 7. klasificirati izometrije u euklidskoj i neeuclidskim ravninama (A6, B6, C6, D6, E4, F5) 8. matematički dokazati utemeljenost svih postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog kolegija (A6, B6, C6, D6, E4, F5). 				
1.4. Sadržaj predmeta				
Povjesni razvoj geometrije. Aksiomatika euklidske ravninske geometrije. Model euklidska ravnina: točke, pravci, incidencija, udaljenost, izometrije. Model sferne ravnine: točke, pravci, incidencija, udaljenost, sferna trigonometrija, izometrije. Model realne projektivne ravnine: točke, pravci, incidencija, homogene koordinate, Desarguesov i Pappusov teorem. Model hiperboličke ravnine: točke, pravci, incidencija, udaljenost, izometrije.				
1.5. Vrste izvođenja nastave				
<table border="0"> <tr> <td style="vertical-align: top;"> <input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input checked="" type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava </td><td style="vertical-align: top;"> <input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo </td></tr> </table>			<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input checked="" type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo
<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input checked="" type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo			

1.6. Komentari									
1.7. Obveze studenata									
Studenti su obavezni prisustovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).									
1.8. Praćenje ³⁰ rada studenata									
Pohađanje nastave i aktivnost u nastavi			1.5	Seminarski rad	Eksperimentalni rad				
Pismeni ispit (kolokviji)	1.8	Usmeni ispit	1.3	Esej	Istraživanje				
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	0.4	Referat	Praktični rad				
Portfolio									
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitу									
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitу.									
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se budiye s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.									
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)									
<ol style="list-style-type: none"> 1. A. I. Fetisov, O euklidskoj i neeuklidskim geometrijama, Školska knjiga, Zagreb, 1981. 2. P. J. Ryan, Euclidean and non-Euclidean Geometry – an Analytic Approach, Cambridge Univ. Press, Cambridge, 1991. 									
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)									
<ol style="list-style-type: none"> 1. Euclides, Elementi 1-6, prevela M. Hudoletnjak Grgić, Kruzak d.o.o., Zagreb, 1999. 2. Z. Hanžek, Sferna trigonometrija, Geodetski fakultet, Zagreb, 1983. 3. K. Horvatić, Linearna algebra, I. dio, Matematički odjel PMF-a Sveučilišta u Zagrebu i Hrvatsko matematičko društvo, Zagreb, 1995. 4. M. Polonijo, D. Crnković, T. Ban Kirigin, M. Bombardelli, Z. Franušić, R. Sušanj, Euklidski prostori (skripta) 5. Znam, Š, i ostali, Pogled u povijest matematike, Tehnička knjiga, Zagreb, 1989. 									
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu									
Naslov		Broj primjeraka	Broj studenata						
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija									
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provest će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.									

³⁰

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Programiranje	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	5 30 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA		
1.1. Ciljevi predmeta		
	Kolegij osigurava razumijevanje naprednijih koncepata i postupaka programiranja. Kolegij uključuje teme vezane uz napredne postupke razvoja i izvedbe algoritma, uporabu pokazivača, dinamičko alociranje memorije te osnovna načela objektno orijentiranog programiranja i oblikovanja. Cilj kolegija je osposobljavanje za razvoj složenijih i sofisticiranih programa.	
1.2. Uvjeti za upis predmeta		
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet		
	Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:	
	<ol style="list-style-type: none"> 1. Oblikovati, kodirati, testirati, ispraviti, čitati i analizirati složenije programe. 2. Oblikovati i implementirati funkcije s odgovarajućim načinom prijenosa argumenata. 3. Odabrati odgovarajuće tipove podataka zadanoog problema za učinkovito pohranjivanje ulaznih podatka i implementirati odabranu organizaciju podataka. 4. Objasniti moguće primjene i učinkovitost korištenja pokazivača i pametnih pokazivača u programiranju. 5. Osmisliti efikasno pohranjivanje podataka u memoriji te ga izvesti pomoću dinamičke alokacije memorije. 6. Primijeniti i objasniti koncept povezane liste. 7. Odabrati odgovarajuću implementaciju linearног (općenita lista, stog i red) apstraktнog tipa podataka za zadani programski problem, implementirati je. 8. Osmisliti implementaciju izrađenog objektnog modela korištenjem koncepata nasljeđivanja, enkapsulacije, polimorfizma i apstrakcije. 	
1.4. Sadržaj predmeta		
	Osnovne značajke programskog jezika C++. Sintaksa i semantika C++-a. Polja i strukture. Prijenos argumenata u funkciju (prijenos po vrijednosti, prijenos po referenci). Napredne tehnike programiranja i implementacija složenijih algoritama. Standardne biblioteke. Pokazivači. Prijenos argumenata u funkciju primjenom pokazivača. Pokazivači i polja. Aritmetika pokazivača. Dinamička alokacija memorije. Upravljanje memorijom. Pametni pokazivači. Povezane liste. Stog i red. Osnovna načela objektno orijentiranog programiranja i oblikovanja.	
1.5. Vrste izvođenja nastave	<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input type="checkbox"/> multimedija i mreža <input checked="" type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Algebarske strukture	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	6 30 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA		
1.1. Ciljevi predmeta		
Cilj kolegija je upoznati studente s osnovnim algebarskim strukturama te načinom dokazivanja svojstava algebarskih struktura. U tu će se svrhu u okviru kolegija:		
<ol style="list-style-type: none"> 1. opisati i razlikovati algebarske strukture s jednom i dvije binarne operacije, 2. opisati i razlikovati različite primjere pojedinih algebarskih struktura i analizirati njihova svojstva, 3. za pojedinu algebarsku strukturu opisati i razlikovati podstrukture i ostale strukture povezane s početnom strukturom te analizirati njihova svojstva, 4. definirati i opisati različite načine preslikavanja algebarskih struktura i analizirati svojstva tih preslikavanja 5. definirati Sylowljeve podgrupe i analizirati svojstva tih podgrupa, 6. definirati djelovanje grupe na skup i permutacijske grupe te analizirati njihova svojstva 7. definirati i razlikovati module i algebra 		
1.2. Uvjeti za upis predmeta		
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet		
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:		
<ul style="list-style-type: none"> - analizirati osnove teorija grupe (A6, B6, C4, D3, E3, F3) - analizirati primjere prstena, tijela, polja, algebra, modula, svojstva algebarskih struktura s više binarnih operacija (A6, B6, C4, D3, E3, F3) - analizirati homomorfizme grupe s naglaskom na vezu izomorfizama grupe i kvocijentnih grupa (A6, B6, C4, D3, E3, F3) - rješiti zadatke primjenom Lagrangeovog teorema (A6, B6, C3, D4, E3, F4) - analizirati homomorfizme prstena s naglaskom na vezu izomorfizama i kvocijentnih struktura (A6, B6, C6, D4, E3, F4) - argumentirano primijeniti svojstva cikličkih i permutacijskih grupa u rješavanju zadataka (A6, B6, C6, D4, E3, F4) - rješiti zadatke primjenom Sylowljevih teorema, (A6, B6, C3, D4, E3, F4) - analizirati djelovanja grupe na skup (A6, B6, C3, D4, E3, F4) - rješiti zadatke primjenom Kineskog teorema o ostacima (A6, B6, C6, D4, E3, F4) - matematički dokazati utemeljenost postupaka i tvrdnji kojima se služe u okviru ovog predmeta (A6, B6, C4, D3, E3, F3) 		
1.4. Sadržaj predmeta		
Definicija grupe i osnovni pojmovi Primjeri grupe. Homomorfizmi grupe i primjeri. Lijeve klase, Lagrangeov teorem. Normalne podgrupe. Kvocijentne grupe. Teoremi o izomorfizmu, primjeri kvocijentnih grupa. Djelovanje grupe na skup i primjeri. Sylowljevi teoremi. Definicija prstena i polja i osnovni pojmovi. Primjeri prstena i polja. Konačna polja. Homomorfizam prstena i primjeri. Ideali i primjeri ideala. Kvocijentni prsten. Teoremi o izomorfizmu za prstene. Prosti i maksimalni ideali. Kineski teorem o ostacima. Definicije modula i algebra.		

1.5. Vrste izvođenja nastave		<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input checked="" type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo
1.6. Komentari			
1.7. Obveze studenata			
Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).			
1.8. Praćenje ³² rada studenata			
Pohađanje nastave i aktivnost u nastavi		1.2	Seminarski rad
Pismeni ispit (kolokvij)	2	Usmeni ispit	Esej
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	Referat
Portfolio			Praktični rad
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitu			
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitu.			
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se budi s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.			
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)			
1. N. Grbac, V. Mikulić Crnković, Algebarske strukture, skripta, zima 2010/11 http://www.math.uniri.hr/~ngrbac/alg_str_web.pdf			
2. K. Horvatić, Linearna algebra I, II, III, Golden marketing -Tehnička knjiga, I, Zagreb, 2004.			
3. S. Lang, Undergraduate algebra, Springer Science & Business Media, Mar 21, 2005.			
4. B. Širola, Algebarske strukture. Grupe, PMF - Matematički odjel, Zagreb, 2008, http://web.math.hr/nastava/alg/2007-08/predavanjaGRUPE.pdf			
5. B. Širola, Algebarske strukture. Prsteni, polja i algebre, PMF –Matematički odjel, Zagreb, 2008, http://web.math.hr/nastava/alg/200708/predavanjaPRSTENI.pdf			
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)			
1. G. Birkhoff, S. MacLane: A Survey of Modern Algebra, MacMillan, New York, 1985.			
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu			
Naslov		Broj primjeraka	Broj studenata
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija			
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provest će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.			

³²

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Informacijski sustavi	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Izborni	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	4 30 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA		
1.1. Ciljevi predmeta		
	- definiranje osnovnih pojmoveva vezanih uz informacijske sustave (IS), njihov razvoj, primjenu, vrste, njihove tvorce i korisnike, - motiviranje studenata za daljnji rad na području razvoja IS, - učestvovati u istraživanju stanja IS u organizacijama.	
1.2. Uvjeti za upis predmeta		
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet		
	Očekuje se da će studenti nakon odslušanog kolegija i izvršenih obveza biti u stanju: - analizirati poslovanje poduzeća - definirati arhitekturu IS tvrtke - odrediti aplikacijske podsustave i njihove veze	
1.4. Sadržaj predmeta		
	Teorija sustava, teorija organizacije, poslovni sustav, informacijski sustav, informacijska tehnologija, upravljanje i odlučivanje, modeli, utjecaj informatizacije na organizaciju i pojedinca, centralizacija-decentralizacija, dijalog čovjek-program, baza podataka, planiranje IS, problemi razvoja IS, korisnici, programski jezici, informatički inženjer, 4GL, standardizacija programiranja, dokumentiranje. Uloga IS i informacijske tehnologije u organizacijama, poslovne strategije i njihov utjecaj na IS i informacijsku tehnologiju, razumijevanje trenutne situacije, strategije poslovnog informacijskog sustava, upravljanje aplikacijama, tehnološka infrastruktura i planiranje ulaganja, zaštita IS. Kvaliteta, ISO 9000, Dokumentacija upravljanja kvalitetom, poslovnik kvalitete, kvaliteta programskog proizvoda, upravljanje konfiguracijom, verifikacija, validacija, testiranje programskog proizvoda. Modeli, faze životnog ciklusa, metodike, metode, metodologija razvoja IS, Metode, ISAC, HIPO, SADT, SDM, prototip, intervju, SEI-CMM, ESPRIT-BOOTSTRAP. Informatički centar, informatički djelatnici, korisnici, vođenje informatičkih projekata, osobine menadžera, upravljanje i kontrola rada tima, komuniciranje. Nabava računala. Problemi IS. Definiranje ankete za istraživanje stanja IS.	
1.5. Vrste izvođenja nastave	<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input checked="" type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo konzultacije

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Operacijski sustavi	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Izborni	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	4 30 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA			
1.1. Ciljevi predmeta			
<ul style="list-style-type: none"> • upoznavanje studenata sa operacijskim sustavima i procesima unutar operacijskih sustava; • usvajanje znanja o osnovnim pojmovima operacijskog sustava - proces, komunikacije, upravljanje podacima, upravljanje memorijom; • usvajanje znanja i vještina za napredno korištenje operacijskih sustava. 			
1.2. Uvjeti za upis predmeta			
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet			
Student će nakon položenog ispita biti u stanju:			
<ul style="list-style-type: none"> - opisati ulogu operacijskog sustava u radu računala - definirati i razlikovati strukture operacijskih sustava - definirati pojam procesa i opisati stanja izvođenja procesa - primjeniti znanja o procesima na problemima upravljanja procesima: konkurentnost, sinhronizacija, zastoji i upravljanje procesorom. - razlikovati načine upravljanja memorijom - argumentirano objasniti razlike u načinima upravljanja virtualnom memorijom (straničenje i segmentacija) i njihovim modifikacijama - definirati pojam direktorija i opisati načine alokacije vanjske memorije - opisati pojam sigurnosti i zaštite, te opisati načine njihove implementacije 			
1.4. Sadržaj predmeta			
<ul style="list-style-type: none"> • Uvod u operacijske sustave: razvoj operacijskih sustava, hijerarhijska struktura operacijskih sustava, interakcija (veza) operacijskog sustava i strojne opreme; • Upravljanje procesima: konkurentnost procesa, sinkronizacija, zastoji, upravljanje procesorom; • Upravljanje memorijom: straničenje, segmentacija, strategije smještaja, zaštita memorije, dodjeljivanje resursa; • Upravljanje podacima: rad s datotekama i imenicima; • Sigurnost i zaštita. 			
1.5. Vrste izvođenja nastave		<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input type="checkbox"/> samostalni zadaci <input type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input checked="" type="checkbox"/> ostalo Konzultacije
1.6. Komentari			
1.7. Obveze studenata			

Studenti su obvezni aktivno sudjelovati u svim oblicima rada, izraditi individualni ili timski seminarski rad, te položiti ispit koji se sastoji od pismenog (praktičnog) i usmenog dijela.
Rad studenta u kolegiju prati se i vrednuje kontinuirano. Na kraju student polaže pismeni i usmeni dio ispita kojim se provjerava i vrednuje njegovo cijelovito znanje.

1.8. Praćenje³⁴ rada studenata

Pohađanje i aktivnost u nastavi			1	Seminarski rad	0.5	Eksperimentalni rad	
Pismeni ispit	0.5	Usmeni ispit	1	Esej		Istraživanje	
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	1	Referat		Praktični rad	
Portfolio							

1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitu

Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave i na završnom ispitu. Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70 (ocjenjuju se aktivnosti označene u tablici), dok na završnom ispitu može ostvariti 30 bodova.

Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta!

1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)

1. Tanenbaum A., Woodhull A., Modern Operating systems, Desing & Implementation, Prentice Hall, 2006.
2. Tanenbaum A., Woodhull A., Operating systems, Desing & Implementation, Prentice Hall, 1997.

1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)

1. Stalling S., Operating systems, Macmillan, 1992.
2. Silberschatz A., Galvin P. B., Operating system concepts, Addison Wesley, 2007.

1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu

Naslov	Broj primjeraka	Broj studenata

1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija

U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Provest će se i analiza uspješnosti studenata na ispitima i nastavnoj praksi.

³⁴ VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Uvod u diferencijalnu geometriju	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	6 45 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA		
1.1. Ciljevi predmeta		
Osnovni cilj kolegija je upoznati studente s osnovnim pojmovima diferencijalne geometrije, pri čemu će se definirati krivulje i plohe u R^n i detaljnije proučavati u R^3 . U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:		
<ul style="list-style-type: none"> – definirati vektorsku funkciju skalarnog argumenta kao i vektorsklu funkciju dviju skalarnih varijabli, – istaknuti uvjet regularnosti krivulja i ploha, – objasniti reparametrizaciju regularne krivulje po prirodnom i proizvoljnem parametru, – objasniti Frenetove formule i primjeniti ih u rješavanju zadataka, – opisati i usporediti fleksiju i torziju, – objasniti kanonsko predočenje regularne krivulje, – objasniti izvod i primjenu prve i druge fundamentalne forme, – interpretirati Meusnierov teorem, – objasniti i usporediti glavne zakrivljenosti, Gaussovou i srednju zakrivljenost i povezati ih sa glavnim krivuljama zakrivljenosti kao i primjenama u diferencijalnoj geometriji. 		
1.2. Uvjeti za upis predmeta		
Nema uvjeta.		
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet		
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:		
<ol style="list-style-type: none"> 1. argumentirano primjeniti diferencijalni i integralni račun u diferencijalnoj geometriji i ispitivanju svojstava funkcija zadanih eksplicitno, implicitno, parametarski i vektorski (A6, B6, E4, F5), 2. rješiti problemske zadatke primjenom Frenet-Serretovih formula (A6, B6, E4, F5), 3. razviti regularnu prostornu krivulju, zadatu vektorskom jednadžbom, u Taylorov i Laurentov red (A6, B6, E4, F5), 4. argumentirano primjeniti svojstva linearne operatora i operatora oblika regularne plohe (A6, B6, E4, F5), 5. analizirati i razlikovati tipove krivulja i nekih specijalnih familija krivulja na regularnoj plohi (A7, B7, E4, F5), 6. argumentirano procijeniti uvjet regularnosti krivulja i ploha u R^n i klasificirati regularne krivulje i plohe s obzirom na njihove zakrivljenosti (A6, B6, E4, F5), 7. matematički dokazati utemeljenost postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog predmeta (A7, B6, E4, F5), 8. rješavati različite problemske zadatke primjenom diferencijalnog i integralnog računa (A7, B7, E4, F5). 		
1.4. Sadržaj predmeta		
Vektorska polja. Regularne krivulje u prostoru. Duljina luka krivulje. Parametrizacija krivulje duljinom luka. Zakrivljenost i torzija krivulje. Polje trobrida. Frenetove formule. Osnovni teorem teorije krivulja. Regularne plohe u prostoru. Tangencijalna ravnina plohe i jedinični vektor plošne normale. Prva fundamentalna forma. Orientacija plohe. Operator oblika plohe. Druga fundamentalna forma. Meusnierov teorem. Glavne zakrivljenosti. Gaussova (totalna) i srednja zakrivljenost plohe. Specijalne krivulje na plohi: crte krivine i asymptotske krivulje. Geodetske krivulje na plohi.		

1.5. Vrste izvođenja nastave	<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo		
1.6. Komentari				
1.7. Obveze studenata				
Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).				
1.8. Praćenje ³⁵ rada studenata				
Pohađanje i aktivnost u nastavi	1	Seminarski rad	Eksperimentalni rad	
Pismeni ispit (kolokviji)	2	Usmeni ispit	Esej	Istraživanje
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	Referat	Praktični rad
Portfolio				
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitu				
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitu.				
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se boduje s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.				
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)				
1. R. S. Millman, G. D. Parker, Elements of Differential Geometry, Prentice-Hall, Engelwood Cliffs - New Jersey, 1997. 2. A. Gray, Modern Differential Geometry of Curves and Surfaces with Mathematica, CRC Press, Boca Raton-Boston-London-New York-Washington, 1998.				
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)				
1. B. O'Neill, Elementary Differential Geometry, Academic Press, New York-San Francisko-London, 1966. 2. I. Kamenarović, Diferencijalna geometrija, Sveučilište u Rijeci, Pedagoški fakultet, Rijeka, 1990. 3. B. Žarinac-Frančula, Diferencijalna geometrija, Zbirka zadataka i repetitorij, Sveučilište u Zagrebu, Geodetski fakultet, Zagreb, 1980. 4. M. P. do Carmo, Differential Geometry of Curves and Surfaces, Prentice Hall, 1976. 5. J. A. Thorpe, Elementary Topics in Differential Geometry, Undergraduate Texts in Mathematics, Springer Verlag, 1994. 6. A. Pressley, Elementary Differential Geometry, Undergraduate Mathematics Series, Springer Verlag, 2001. 7. W. Kuhnel, Differential Geometry: Curves - Surfaces - Manifolds, American Mathematical Society, 2002. 8. J. Oprea, Differential Geometry and Its Applications, 2nd edition, Prentice Hall, 2003. 9. D. W. Henderson, Differential Geometry: A Geometric Introduction, Prentice Hall, 1998. 10. S.-S. Chern, W. H. Chen, K. S. Lan, Lectures on Differential Geometry, World Scientific Publishing, 1999. 11. M. Berger, Panoramic View of Riemannian Geometry, Springer Verlag, 2003.				
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu				
Naslov	Broj primjeraka	Broj studenata		

35

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija

U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provede se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Algoritmi i strukture podataka	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	5 30 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA		
1.1. Ciljevi predmeta		
	Kolegij se bavi konceptom algoritma, nekim temeljnim algoritmima koji se često koriste u programiranju i njihovom učinkovitošću. Uvodi se pojam apstraktnog tipa podataka i tipova podataka koji se obično koriste za njihovo predstavljanje. Student treba usvojiti znanja o temeljnim strukturama podataka, operacijama koje su vezane uz te strukture i načinima na koje se mogu te strukture upotrijebiti u rješavanju brojnih algoritamskih problema.	
1.2. Uvjeti za upis predmeta		
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet		
	Student će nakon polaganja kolegija biti u stanju:	
	<ol style="list-style-type: none"> 1. objasniti kako se koristi asimptotska notacija u svrhu grube klasifikacije algoritama 2. analizirati algoritme i procijeniti najnepovoljniji i prosječni slučaj njihove složenosti (za jednostavnije slučajeve) 3. objasniti način funkcioniranja važnijih algoritama za rješavanje temeljnih računarskih problema i usporediti te algoritme 4. vrednovati glavne algoritme za sortiranje, pretraživanje, i procesiranje nizova 5. usporediti temeljne strukture podataka i učinkovite algoritme razvijene za te strukture podataka 6. usporediti algoritme i procijeniti najnepovoljniji i prosječni slučaj njihove složenosti 7. koristiti učinkovite algoritme i temeljne strukture podataka te algoritme razvijene za njih 	
1.4. Sadržaj predmeta		
	Principi analize algoritama. Uvod u stabla. Uređena binarna stabla. Gomile. AVL stabla. Crveno-crna stabla. Svojstva i tipovi grafa. Pohlepni algoritmi. Minimalno razapinjuće stablo. Putevi u grafu. Algoritam najkraćeg puta	
1.5. Vrste izvođenja nastave	<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input checked="" type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo
1.6. Komentari		
1.7. Obveze studenata		
	Od studenata se očekuje: da redovno prisustvuju nastavi, naprave potrebne pripreme za nastavu, naprave praktičan rad, izlože seminarski rad, polože konačni ispit.	

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Seminar 2	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	3 0 + 0 + 30

1. OPIS PREDMETA		
1.1. Ciljevi predmeta		
Cilj kolegija je uputiti studente na primjenu različitih matematički alata u problemima iz područja tehnike (građevina, strojarstvo, brodogradnja, itd.). Studenti će se upoznati s tipičnim inženjerskim problemima kako bi ih se pripremilo za rad u privredi. U tu svrhu će se u okviru kolegija:		
<ul style="list-style-type: none"> - opisati različite probleme koji se modeliraju pomoću diferencijalnih jednadžbi, analizirati odgovarajući matematički model te razlikovati modele koji uključuju lineарne diferencijalne jednadžbe, nelinearne diferencijalne jednadžbe i parcijalne diferencijalne jednadžbe - definirati numeričke metode potrebne za rješavanje postavljenih problema, primijeniti te metode i analizirati dobivena rješenja - opisati inženjerske probleme koji spadaju u grupu optimizacijskih problema - definirati metode za rješavanje postavljenih optimizacijskih problema, primijeniti i analizirati rješenja - opisati inženjerske probleme koji zahtjevaju primjenu računalne grafike - opisati problem prikaza 3D objekta u 2D prozoru, alate i tipične akcije interaktivne grafike te kod toga primjenu projektivne geometrije - prikazati razvoj krivulja i ploha u računalnoj grafici 		
1.2. Uvjeti za upis predmeta		
Nema uvjeta.		
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet		
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:		
1. prezentirati matematičke koncepte korištenjem nastavnih sredstava i pomagala (B6, C6, D6, E5, F5), 2. izražavati se točno i tečno u govornoj komunikaciji na jeziku poučavanja i službenom jeziku (D6), 3. upotrebljavati različita komunikacijska sredstva i oblike (D5), 4. matematički modelirati inženjerski problem (A6, B5, C4, D6, E4, F5) 5. argumentirano primijeniti numeričke metode pri modeliranju i simuliranju realnih problema uz analizu dobivenih rezultata (A6, B5, C5, D6, E4, F5) 6. argumentirano primijeniti jednostavni i složeni kamatni račun pri izračunima u financijskoj matematici (A6, B5, C5, D6, E4, F5) 7. odrediti sadašnju vrijednost tokova novca, financijske rente, otplate zajma i ukamaćivanje u primjenama (A6, B5, C5, D6, E4, F5)		
1.4. Sadržaj predmeta		
Strujanja fluida u cjevima. Otvoreni vodotoci. Simulacije poplava. Strujanja oko broda. Strujanja u turbinama. Provodenje topline. Problemi elastičnosti. Vibracije. Problemi optimalnog dizajna. Kamatni račun u financijskoj matematici.		

1.5. Vrste izvođenja nastave	<input type="checkbox"/> predavanja <input checked="" type="checkbox"/> seminari i radionice <input type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo			
1.6. Komentari					
1.7. Obveze studenata					
Svaki je student obvezan zadovoljiti uvjete za dobivanje potpisa (navedeni u izvedbenom planu) iz kolegija te su obvezni izraditi i javno predstaviti seminarski rad.					
1.8. Praćenje ³⁷ rada studenata					
Pohađanje i aktivnost u nastavi	0.5	Seminarski rad	2	Eksperimentalni rad	
Pismeni ispit	0.5	Usmeni ispit	Esej	Istraživanje	
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	Referat	Praktični rad	
Portfolio					
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitu					
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave. Ukupan broj bodova koje student može ostvariti je 100. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.					
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)					
1. Chapra S. C., Channale R. P.: Numerical methods for engineers, McGrawHill Inc., 1988. 2. Numerical Recipes in C, Cambridge University Press, 1992. 3. A. Šegota: Financijska matematika, Udžbenici Sveučilišta u Rijeci 2012.					
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)					
1. Strang G., Introduction to Applied mathematics, Wellesley-Cambridge Press, 1986. 2. Winston L.W., Operational Research –Applications and Algorithms, Duxbury Press, Belmont, 1994. 3. Kreyszig E., Advanced engineering mathematics, John Wiley & Sons, 9th ed., 2006.					
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu.					
Naslov	Broj primjeraka	Br.oj studenata			
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija					
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provest će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.					

37

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Seminar završnog rada	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Obvezatan	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	3 0 + 0 + 30

1. OPIS PREDMETA					
1.1. Ciljevi predmeta					
Ovaj je seminar zamišljen kao prvi korak u izradi završnog rada. Cilj seminara je dodatno osposobiti studente za samostalno istraživanje i rad sa matematičkom literaturom te za prezentaciju određenih sadržaja iz matematike.					
1.2. Uvjeti za upis predmeta					
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet					
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:					
1. prezentirati matematičke koncepte korištenjem nastavnih sredstava i pomagala (B7, C6, D6, E6, F6), 2. izražavati se točno i tečno u govornoj komunikaciji na jeziku poučavanja i službenom jeziku (D6), 3. upotrebljavati različita komunikacijska sredstva i oblike (D5), 4. koristiti se samostalno i kritički relevantnom i recentnom stručnom i znanstvenom literaturom (B7, C6, D6, E6, F6)					
1.4. Sadržaj predmeta					
U određivanju sadržaja ovog kolegija sudjelovat će svi nositelji obvezatnih matematičkih kolegija predlaganjem određenih matematičkih tema (prema Pravilniku o završnom radu i završnom ispitu na preddiplomskim sveučilišnim studijima Odjela za matematiku Sveučilišta u Rijeci). Svaki će student svoju temu javno izlagati i predati u pisanom obliku nositelju kolegija. Taj će rad predstavljati temelj završnog rada kojeg će student izraditi u suradnji s mentorom, odnosno predlagateljem teme seminara.					
1.5. Vrste izvođenja nastave					
<input type="checkbox"/> predavanja <input checked="" type="checkbox"/> seminari i radionice <input type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava					
<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input checked="" type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo					
1.6. Komentari					
U ovisnosti o temi seminara, prisutna je čvrsta korelacija s određenim matematičkim kolegijem.					
1.7. Obveze studenata					
Student je obavezan redovito prisustrovati i aktivno sudjelovati u nastavi. Student je dužan tijekom semestra pripremiti i javno predstaviti seminarski rad. Student je obavezan redovito prisustrovati u preostalim javnim izlaganjima i aktivno sudjelovati u njihovoj analizi.					
1.8. Praćenje³⁸ rada studenata					
Pohađanje nastave i aktivnost u nastavi	1	Seminarski rad	2	Eksperimentalni rad	

³⁸ VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Uvod u topologiju	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Izborni	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	6 45 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA		
1.1. Ciljevi predmeta		
Cilj ovog predmeta je upoznati studente s osnovnim pojmovima, rezultatima i metodama opće topologije, te ih osposobiti za primjenu istih. U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:		
<ul style="list-style-type: none"> - definirati topološke prostore, otvorene skupove i okoline, te opisati primjere zadavanja topologije na skupu - analizirati različite načine zadavanja topologije: pomoću baze, podbaze, baze okolina, familije zatvorenih skupova - analizirati položaj točke obzirom na skup: uvesti pojam interiora, zatvarača, ruba, gomilišta i izolirane točke skupa - definirati i opisati neprekidna, otvorena i zatvorena preslikavanja i homeomorfizme topoloških prostora - konstruirati nove topološke prostore koristeći potprostor, produkt, kvocientni prostor - uvesti i usporediti koncepte povezanosti i povezanosti putevima - definirati aksiome separacije, navesti primjere, analizirati i usporediti separaciona svojstva topoloških prostora - definirati aksiome prebrojivosti i separabilnost, navesti primjere, analizirati odgovarajuća svojstva prostora - definirati kompaktnost, uvesti primjere i načine za provjeru kompaktnosti topološkog prostora 		
1.2. Uvjeti za upis predmeta		
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet		
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:		
<ul style="list-style-type: none"> • Provjeriti zadovoljava li zadana familija skupova uvjete za topološki prostor, te analizirati usporedivost dviju topologija (A6, B6, C6, D6, E4, F5) • Razlučiti je li zadana familija skupova baza, podbaza, baza okolina, familija zatvorenih skupova za neku topologiju (A6, B6, C6, D6, E4, F5) • Riješiti zadatke određivanja interiora, zatvarača, ruba, gomilišta i izoliranih točaka za skup u topološkom prostoru (A6, B6, C6, D5, E4, F5) • Provjeriti je li preslikavanje između topoloških prostora neprekidno, otvoreno, zatvoreno, homeomorfizam, te kreirati primjere za preslikavanja koja imaju ili nemaju ova svojstva (A6, B6, C6, D5, E4, F5) • Konstruirati topološki prostor korištenjem potprostora, produkta, kvocienta, te argumentirano usporediti svojstva početnog topološkog prostora sa svojstvima potprostora, produkta (A7, B7, C6, D6, E5, F5) • Analizirati je li topološki prostor povezan ili nepovezan, te povezan ili nepovezan putevima (A6, B6, C6, D6, E4, F5) • Analizirati separaciona svojstva topoloških prostora, i navesti primjere prostora koji zadovoljavaju ili ne zadovoljavaju određeni aksiom separacije (A7, B7, C6, D6, E5, F5) • Analizirati zadovoljava li topološki prostor 1. i 2. aksiom prebrojivosti, te je li separabilan (A6, B6, C6, D6, E5, F5) • Analizirati je li topološki prostor kompaktan ili nije, upotrebom definicije ili karakterizacije kompaktnosti (A6, B6, C6, D6, E5, F5) 		
1.4. Sadržaj predmeta		
Topološki prostor. Otvoreni i zatvoreni skupovi. Baza i podbaza. Interior, zatvarač, rub, gomilište, izolirane točke skupa. Topologija potprostora i produktna topologija. Neprekidna preslikavanja i homeomorfizmi. Otvorena i		

zatvorena preslikavanja. Kvocijentna topologija. Povezanost i povezanost putevima. Aksiomi separacije. Urysonova lema, Tietzeov teorem. Aksiomi prebrojivosti. Kompaktnost, Tihonovljev teorem. Fundamentalna grupa.													
1.5. Vrste izvođenja nastave		<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava			<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo								
1.6. Komentari													
1.7. Obveze studenata													
Studenti su obavezni prisustvovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar i položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).													
1.8. Praćenje ³⁹ rada studenata													
Pohađanje i aktivnost u nastavi			1.5	Seminarski rad		Eksperimentalni rad							
Pismeni ispit (kolokviji)	2.5	Usmeni ispit	1.5	Esej		Istraživanje							
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	0.5	Referat		Praktični rad							
Portfolio													
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitу													
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitу.													
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se boduje s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.													
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)													
1. N. Grbac i V. Tonić, <i>Skripta za Uvod u topologiju</i> Odjela za matematiku u Rijeci, 2017. 2. J. Munkres : <i>Topology</i> , Pearson international 2nd ed, 2014.													
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)													
1. S. Willard, <i>General Topology</i> , Addison-Wesley, Reading, 1970. 2. O. Ya. Viro, O.A. Ivanov, V.M. Kharlamov, N.Yu. Netsvetaev : <i>Elementary topology: problem textbook</i> , AMS 2008.													
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu													
Naslov			Broj primjeraka		Broj studenata								
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija													
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provest će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.													

³⁹

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Slučajni procesi s diskretnim vremenom	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Izborni	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	6 45 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA				
1.1. Ciljevi predmeta				
Osnovni cilj kolegija je upoznati studente s osnovnim pojmovima, metodama i rezultatima teorije slučajnih procesa s diskretnim vremenom. U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:				
<ul style="list-style-type: none"> • definirati funkcije izvodnice i konvolucije, te analizirati njihova osnovna svojstva • opisati jednostavan proces grana • definirati jednostavnu slučajnu šetnju i analizirati njena osnovna svojstva • opisati konstrukciju Markovljevih lanaca s diskretnim vremenom i prostorom stanja • opisati dekompoziciju prostora stanja Markovljevog lanca • definirati prolaznost i povratnost • opisati stacionarne distribucije • opisati osnove teorije obnavljanja 				
1.2. Uvjeti za upis predmeta				
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet				
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:				
<ol style="list-style-type: none"> 1. argumentirano koristi funkcije izvodnice i konvolucije te njihova svojstva u analizi slučajnih procesa (A6, B6, E5, F5) 2. analizirati jednostavne procese grana i njihova svojstva (A6, B6, E5, F5) 3. analizirati svojstva jednostavne slučajne šetnje (A6, B6, E5, F5) 4. argumentirano provesti konstrukciju Markovljevog lanca s diskretnim vremenom i prostorom stanja (A6, B6, E5, F5) 5. opisati dekompoziciju prostora stanja Markovljevog lanca (A6, B6, E5, F5) 6. ispitati svojstva prolaznosti, povratnosti i periodičnosti za Markovljeve lance (A6, B6, E5, F5) 7. analizirati osnovne pojmove i rezultate teorije obnavljanja (A6, B6, E5, F5) 8. matematički dokazati utemeljenost postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog kolegija (A7, B6, E5, F5) 				
1.4. Sadržaj predmeta				
Funkcije izvodnice. Konvolucije. Jednostavan proces grana. Jednostavna slučajna šetnja. Vremena zaustavljanja. Konstrukcija Markovljevih lanaca s diskretnim vremenom i prostorom stanja. Prijelazne vjerojatnosti višeg reda. Dekompozicija prostora stanja. Prolaznost i povratnost. Periodičnost. Apsorpcijske vjerojatnosti. Invarijantne mjere i stacionarne distribucije. Granične distribucije. Osnove teorije obnavljanja. Brojanje obnavljanja. Jednadžba obnavljanja.				
1.5. Vrste izvođenja nastave				
<table border="0"> <tr> <td style="vertical-align: top;"> <input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava </td><td style="vertical-align: top;"> <input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo </td></tr> </table>			<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo
<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo			

1.6. Komentari																									
1.7. Obveze studenata																									
Studenti su obavezni prisustovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).																									
1.8. Praćenje⁴⁰ rada studenata																									
<table border="1"> <tr> <td>Pohađanje i aktivnost u nastavi</td> <td>1.5</td> <td>Seminarski rad</td> <td>Eksperimentalni rad</td> </tr> <tr> <td>Pismeni ispit (kolokviji)</td> <td>1.5</td> <td>Usmeni ispit</td> <td>2 Esej</td> </tr> <tr> <td>Projekt</td> <td></td> <td>Kontinuirana provjera znanja</td> <td>1 Referat</td> </tr> <tr> <td>Portfolio</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </table>		Pohađanje i aktivnost u nastavi	1.5	Seminarski rad	Eksperimentalni rad	Pismeni ispit (kolokviji)	1.5	Usmeni ispit	2 Esej	Projekt		Kontinuirana provjera znanja	1 Referat	Portfolio											
Pohađanje i aktivnost u nastavi	1.5	Seminarski rad	Eksperimentalni rad																						
Pismeni ispit (kolokviji)	1.5	Usmeni ispit	2 Esej																						
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	1 Referat																						
Portfolio																									
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitu																									
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitu.																									
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se boduje s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.																									
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)																									
<ol style="list-style-type: none"> 1. S. I. Resnick: Adventures in Stochastic Processes, Birkhäuser, Boston, 2002. 2. N. Sarapa: Teorija vjerojatnosti, Školska knjiga, Zagreb, 2002. 																									
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)																									
<ol style="list-style-type: none"> 1. W. Feller: An Introduction to Probability Theory and Application, J.Wiley, New York, 1966. 2. R. Durrett: Essential of Stochastic Processes, Springer (https://services.math.duke.edu/~rtd/EOSP/EOSP2E.pdf) 3. J. R. Norris: Markov Chains, Cambridge University Press, 1997. (http://www.statslab.cam.ac.uk/~james/Markov/) 																									
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu																									
<table border="1"> <thead> <tr> <th>Naslov</th> <th>Broj primjeraka</th> <th>Broj studenata</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> </tbody> </table>		Naslov	Broj primjeraka	Broj studenata																					
Naslov	Broj primjeraka	Broj studenata																							
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija																									
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provedet će se analiza uspiešnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.																									

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Numerička linearna algebra	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Izborni	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	6 45 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA		
1.1. Ciljevi predmeta		
Cilj kolegija je upoznati numeričke postupke za rješavanje sustava linearnih jednadžbi te numeričke metode za određivanje svojstvenih vrijednosti. U tu će se svrhu u okviru kolegija:		
<ul style="list-style-type: none"> • opisati direktnе numeričke metode za rješavanje sustava linearnih jednadžbi, analizirati greške metoda i računsku zahtjevnost svake od njih • opisati indirektnе numeričke metode za rješavanje sustava linearnih jednadžbi, analizirati konvergenciju i greške metoda i računsku zahtjevnost svake od njih • opisati numeričke metode za određivanje svojstvenih vrijednosti te razlikovati metode u slučaju simetričnih i nesimetričnih matrica, analizirati greške metode 		
1.2. Uvjeti za upis predmeta		
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet		
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:		
<ul style="list-style-type: none"> • opisati direktnе metode za rješavanje linearnih sustava: Gaussovу eliminaciju, LU dekompoziciju, QR faktorizaciju, objasniti i interpretirati prednosti i nedostatke pojedine metode (A6, B6, E4, F5) • primijeniti direktnе metode na različitim primjerima, izraditi ocjenu greške i analizirati dobivena rješenja (A6, B6, E4, F5) • opisati indirektnе metode za rješavanje linearnih sustava (A6, B6, E4, F5) • pravilno tumačiti i interpretirati pojmove stabilnosti i konvergencije numeričkih shema kao i ocjenu greške (A6, B6, E4, F5) • primijeniti indirektnе metode na različitim primjerima, izraditi ocjenu greške i analizirati dobivena rješenja (A6, B6, E4, F5) • opisati numeričke metode za određivanje svojstvenih vrijednosti i svojstvenih vektora matrice, te argumentirano primijeniti metode na zadanim problemima (A6, B6, E4, F5) • matematički objasniti i interpretirati utemeljenost metoda i postupaka kojima se služe u okviru ovog kolegija (A7, B7, E4, F5) 		
1.4. Sadržaj predmeta		
Uvod u numeričku analizu matrica, vektorske i matrične norme. Rješavanje linearnih sustava. Gaussova eliminacija, LR faktorizacija. Perturbacija sustava, greške zaokruživanja i uvjetovanost matrica. Preodređeni sustavi – metoda najmanjih kvadrata. QR dekompozicija i metoda Choleskoga. Iterativne metode za linearne sustave. Problem svojstvenih vrijednosti. Različite metode za simetrični i nesimetrični problem svojstvenih vrijednosti. Perturbacija vlastitih vrijednosti i vektora. Singularna dekompozicija matrice		

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Matematička teorija računarstva	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Izborni	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	6 45 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA		
1.1. Ciljevi predmeta		
Svrha je programa usvajanje osnovna matematičke teorije računarstva:		
<ul style="list-style-type: none"> • usvajanje koncepcija i klasifikacija gramatika, jezika i apstraktnih strojeva i automata • upoznavanje s nekoliko formalnih koncepcija algoritma te nedeterminizom i odlučivosti • produbljivanje znanja o principu indukcije i rekurziji. 		
1.2. Uvjeti za upis predmeta		
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet		
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:		
<ol style="list-style-type: none"> 1. formulirati princip indukcije u njegovim raznim oblicima te analizirati njegovu utemeljenost (A6, B6, E5, F6) 2. opisati koncepte jezika, gramatika i različitih tipova apstraktnih automata i strojeva te ih klasificirati i analizirati njihova svojstva (A7, B7, D5, E5, F6) 3. analizirati odnose između klasa gramatika i automata te argumentirano dokazati ili opovrgnuti pripadnost nekoj klasi (A7, B7, D5, E5, F6) 4. opisati koncept determinističke i nedeterminističke klase (A6, B6, E5, F6) 5. opisati koncepte rekurzije i odlučivosti, posebno u programiranju te konstrukciji i kreiranju primjera (A6, B7, D5, E5, F6) 6. opisati osnove λ-računa te pojam funkcije u duhu funkcionske apstrakcije (A6, B6, D5, E5, F6) 7. matematički dokazati utemeljenost svih postupaka kojima se služe u okviru ovog kolegija (A6, B6, D5, E5, F6) 		
1.4. Sadržaj predmeta		
Principi indukcije. Induktivno definiranje i dokazivanje. Konačni automati, regularni jezici i desno linearne gramatike. Potisni automati i kontekstno slobodne gramatike. Rekurzivne funkcije. RAM-stoj. Turingov stroj. λ -račun. Odlučivost.		
1.5. Vrste izvođenja nastave	<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo
1.6. Komentari		
1.7. Obveze studenata		
Studenti su obavezni prisustrovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).		

1.8. Praćenje⁴² rada studenata									
Pohađanje i aktivnost u nastavi	1	Seminarski rad		Eksperimentalni rad					
Pismeni ispit (kolokviji)	2	Usmeni ispit	2	Esej	Istraživanje				
Projekt		Kontinuirana provjera znanja	1	Referat	Praktični rad				
Portfolio									
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitу									
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitу.									
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se boduje s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.									
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)									
<ul style="list-style-type: none"> - Michael Sipser, Introduction to the Theory of Computation, Thompson Course Technology Inc., Boston, USA, 2006. 									
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)									
<ul style="list-style-type: none"> - Henk P. Barendregt, The Lambda Calculus, its Syntax and Semantics, College Publications, London, UK, 2012. - Joseph R. Shoenfield, Recursion Theory, Springer-Verlag, 1993. - G. Winskel, The Formal Semantics of Programming Languages, MIT Press, 1993. 									
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu									
Naslov		Broj primjeraka		Broj studenata					
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija									
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provedet će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.									

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Projektivna geometrija	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Izborni	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	5 30 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA				
1.1. Ciljevi predmeta				
Osnovni cilj kolegija jest upoznati studente s projektivnom geometrijom. U tu je svrhu u okviru kolegija potrebno:				
<ul style="list-style-type: none"> • uvesti osnovne aksiome projektivne ravnine te opisati različite modele projektivnih ravnina, • uvesti kategorički sustav aksioma i analitički model realne projektivne ravnine te definirati osnovne pojmove projektivne geometriji i uvesti osnovne tvrdnje, • definirati konfiguraciju i geometrijsku konfiguraciju te navesti i analizirati različite primjere incidencijskih struktura, • definirati projektivni prostor nad vektorskim prostorom i analizirati geometriju u projektivnom prostoru 				
1.2. Uvjeti za upis predmeta				
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet				
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:				
<ul style="list-style-type: none"> - aksiomatski uvesti projektivnu ravninu te opisati i analizirati različite neekvivalentne modele projektivne ravnine (A5, B6, C6, D6, E4, F5) - aksiomatski izgraditi realnu projektivnu ravninsku geometriju i opisati osnovne pojmove i iskazati osnovne tvrdnje koje u njoj vrijede (A6, B6, C6, D6, E4, F5) - usporediti euklidsku i projektivnu geometriju s obzirom na njihove karakteristike (A5, B6, C6, D6, E4, F5) - argumentirano primjeniti odgovarajući postupak u rješavanju elementarnih geometrijski zadataka u analitičkom modelu relane projektivne ravnine (A5, B5, C5, D5, E4, F5) - argumentirano primjeniti odgovarajući postupak u rješavanju elementarnih geometrijski zadataka u realnom projektivnom prostoru (A5, B5, C5, D5, E4, F5) - definirati konfiguraciju i geometrijsku konfiguraciju te usporediti različite incidencijske strukture i analizirati ih (A5, B6, C6, D6, E4, F5) - matematički dokazati utemeljenost svih postupaka i formula kojima se služe u okviru ovog kolegija (A6, B6, C6, D6, E4, F5). 				
1.4. Sadržaj predmeta				
Osnovni aksiomi projektivne ravnine i projektivnog trodimenzionalnog prostora. Kategorički sustav aksioma realne projektivne ravnine. Analitički model realne projektivne ravnine. Desarguesov teorem. Papusov teorem, teorem o perspektivitetu i temeljni teorem projektivne geometrije. Konfiguracije i projektivne ravnine. Projektivni prostor nad vektorskim prostorom.				
1.5. Vrste izvođenja nastave				
<table border="0"> <tr> <td style="vertical-align: top;"> <input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input checked="" type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava </td><td style="vertical-align: top;"> <input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo </td></tr> </table>			<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input checked="" type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo
<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input checked="" type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo			

1.6. Komentari						
1.7. Obveze studenata						
Studenti su obavezni prisustovati nastavi, aktivno sudjelovati u svim oblicima nastave, ostvariti određen broj bodova kroz semestar te položiti završni ispit (detalji će biti prikazani u izvedbenom planu predmeta).						
1.8. Praćenje ⁴³ rada studenata						
Pohađanje i aktivnost u nastavi	1.5	Seminarski rad	0.7	Eksperimentalni rad		
Pismeni ispit (kolokviji)	1.5	Usmeni ispit	1.3	Esej	Istraživanje	
Projekt		Kontinuirana provjera znanja		Referat	Praktični rad	
Portfolio						
1.9. Ocjenjivanje i vrednovanje rada studenata tijekom nastave i na završnom ispitу						
Rad studenta na predmetu će se vrednovati i ocjenjivati tijekom nastave (npr. kolokviji, provjere, seminari, online testovi, domaće zadaće itd.) i na završnom ispitу.						
Ukupan broj bodova koje student može ostvariti tijekom nastave je 70. Završni ispit se budiye s maksimalno 30 bodova. Detaljna razrada načina praćenja i ocjenjivanja rada studenata bit će prikazana u izvedbenom planu predmeta.						
1.10. Obvezna literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)						
1. D. Palman: Projektivna geometrija, Školska knjiga, Zagreb, 1984.						
1.11. Dopunska literatura (u trenutku prijave prijedloga studijskog programa)						
1. H. S. M. Coxeter: Projektivna geometrija, Školska knjiga, Zagreb, 1982.						
1.12. Broj primjeraka obvezne literature u odnosu na broj studenata koji trenutno pohađaju nastavu na predmetu						
Naslov		Broj primjeraka		Broj studenata		
1.13. Načini praćenja kvalitete koji osiguravaju stjecanje izlaznih znanja, vještina i kompetencija						
U zadnjem tjednu nastave provodit će se anonimna anketa u kojoj će studenti evaluirati kvalitetu održane nastave. Na kraju semestra provede će se analiza uspješnosti studenata na održanim ispitima u tom semestru.						

⁴³

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.

Opće informacije		
Nositelj predmeta		
Naziv predmeta	Uvod u Liejeve algebre	
Studijski program	Preddiplomski studij Matematika	
Status predmeta	Izborni	
Godina	3.	
Bodovna vrijednost i način izvođenja nastave	ECTS koeficijent opterećenja studenata Broj sati (P+V+S)	5 30 + 30 + 0

1. OPIS PREDMETA				
1.1. Ciljevi predmeta				
Kolegij je zamišljen kao uvodni kolegij u teoriju Liejevih algebri. Cilj je upoznati studente s osnovnim pojmovima u teoriji Liejevih algebri, razviti neke od tehnika za njihovo proučavanje i opisati klasifikaciju konačnodimenzionalnih kompleksnih prostih Liejevih algebri, kao primjer primjenjene linearne algebre. U tu svrhu u okviru kolegija je potrebno:				
<ul style="list-style-type: none"> - definirati Liejeve algebre - analizirati osnovne primjere Liejevih algebri - opisati osnovna svojstva rješivih i nilpotentnih Liejevih algebri - opisati osnovna svojstva prostih Liejevih algebri - definirati reprezentacije Liejevih algebri i analizirati strukturu i teoriju reprezentacija proste Liejeve algebre $sl(2,C)$ - opisati klasifikaciju konačnodimenzionalnih kompleksnih prostih Liejevih algebri 				
1.2. Uvjeti za upis predmeta				
1.3. Očekivani ishodi učenja za predmet				
Nakon odslušanog predmeta i položenog ispita studenti će biti u stanju:				
<ol style="list-style-type: none"> 1. analizirati osnove strukturne teorije Liejevih algebri (A6, B6, C4, D3, E3, F3) 2. analizirati primjere Liejevih algebri s posebnim naglaskom na Liejeve algebre malih dimenzija (A6, B6, C4, D3, E3, F3) 3. analizirati svojstva rješivih, nilpotentnih i prostih Liejevih algebri (A6, B6, C4, D3, E3, F3) 4. analizirati strukturu i teoriju reprezentacija proste Liejeve algebre $sl(2,C)$ (A6, B6, C4, D3, E3, F3) 5. argumentirano primjeniti elemente linearne algebre u proučavanju adjungirane reprezentacije prostih Liejevih algebri (A6, B6, C4, D3, E3, F3) 6. argumentirano primjeniti sustav korijena u klasifikaciji prostih Liejevih algebri (A6, B6, C4, D3, E3, F3) 7. matematički dokazati utemeljenost postupaka i teorijskih rezultata kojima se služe u okviru ovog predmeta (A6, B6, D5, E5, F5) 				
1.4. Sadržaj predmeta				
Definicija Liejevih algebra i osnovni pojmovi. Podalgebre, ideali i homomorfizmi Liejevih algebra. Liejeve algebre dimenzija jedan, dva i tri. Rješive i nilpotente Liejeve algebre. Podalgebre od $gl(V)$. Engelov i Liejev teorem. Reprezentacije Liejevih algebri. Struktura i teorija reprezentacija Liejeve algebre $sl(2,C)$. Cartanov kriterij za poluproste Liejeve algebre. Korijenski rastav poluprostih Liejevih algebri. Sistem korijena. Klasifikacija kompleksnih prostih Liejevih algebri.				
1.5. Vrste izvođenja nastave <table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 33%; vertical-align: top;"> <input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava </td> <td style="width: 33%; vertical-align: top;"> <input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo </td> </tr> </table>			<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo
<input checked="" type="checkbox"/> predavanja <input type="checkbox"/> seminari i radionice <input checked="" type="checkbox"/> vježbe <input checked="" type="checkbox"/> obrazovanje na daljinu <input type="checkbox"/> terenska nastava	<input checked="" type="checkbox"/> samostalni zadaci <input checked="" type="checkbox"/> multimedija i mreža <input type="checkbox"/> laboratorij <input type="checkbox"/> mentorski rad <input type="checkbox"/> ostalo			

VAŽNO: Uz svaki od načina praćenja rada studenata unijeti odgovarajući udio u ECTS bodovima pojedinih aktivnosti tako da ukupni broj ECTS bodova odgovara bodovnoj vrijednosti predmeta. Prazna polja upotrijebiti za dodatne aktivnosti.